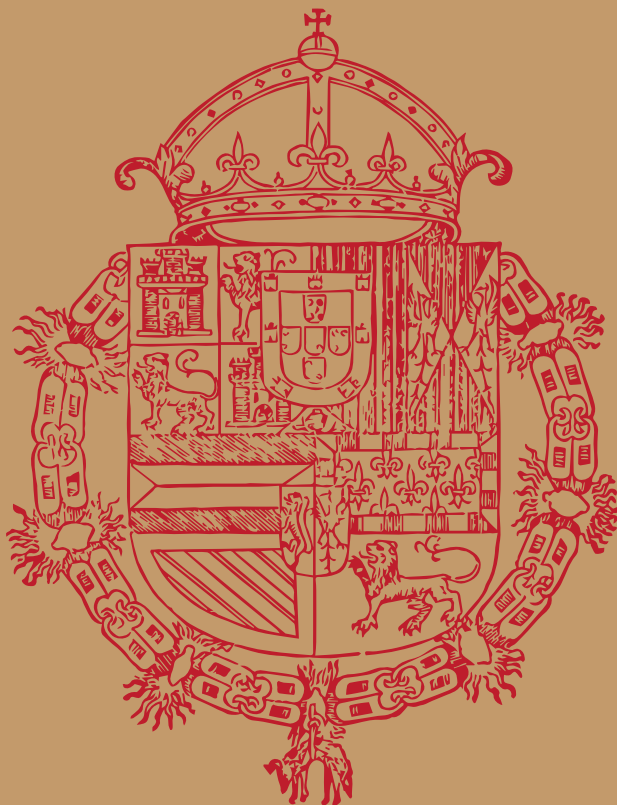


LA
PERSPECTIVA,
Y ESPECVLARIA DE
Euclides. Traduzidas en vulgar Castellano,
y dirigidas a la S.C.R. del Rey don Phelippe
nuestro Señor. Por Pedro Ambroffio
Orderiz fu criado.



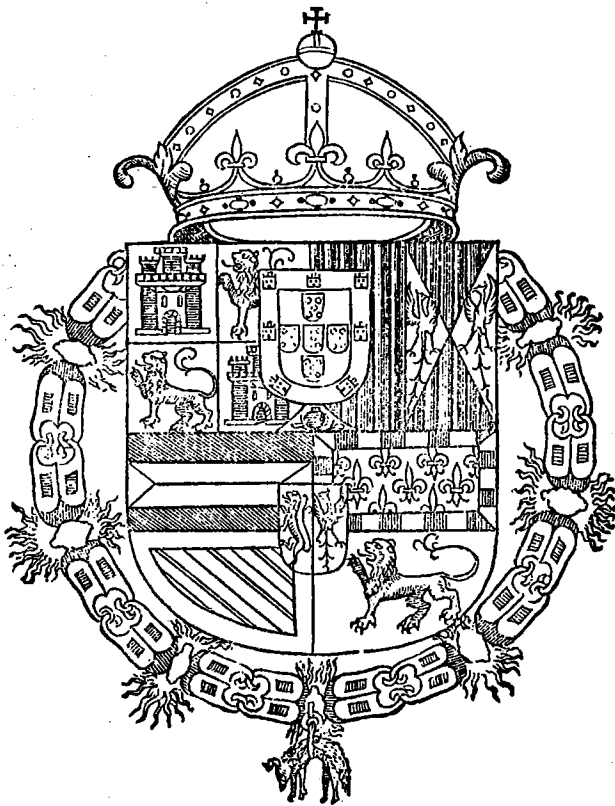
EN MADRID.

Año. M.D.LXXXV.



PUBLICACIONES DEL DEARTAMENTO DE MATEMÁTICAS
CENTRO DE INVESTIGACIÓN Y DE ESTUDIOS AVANZADOS DEL I.P.N.

LA
PERSPECTIVA,
Y ESPECVLARIA DE
Euclides. Traduzidas en vulgar Castella-
no, y dirigidas a la S. C. R. M. del Rey don Phelippe
nuestro Señor. Por Pedro Ambrosio
Onderiz su criado.



EN MADRID.
En casa de la vinda de Alonso Gomez.
Año. M. D. LXXXV.

1. The first part of the document discusses the importance of maintaining accurate records of all transactions and activities. It emphasizes that this is crucial for ensuring transparency and accountability in the organization's operations.

2. The second part of the document outlines the various methods and tools used to collect and analyze data. It highlights the need for consistent and reliable data collection processes to ensure the validity of the findings.

3. The third part of the document describes the results of the data analysis and the key findings. It identifies the main trends and patterns observed in the data, as well as the areas where further investigation is needed.

4. The fourth part of the document discusses the implications of the findings and the recommendations for future research. It suggests ways in which the organization can improve its performance based on the insights gained from the data analysis.

5. The final part of the document provides a summary of the key points and a conclusion. It reiterates the importance of data-driven decision-making and the role of accurate records in achieving organizational success.

RECONOCIMIENTO

La presente edición facsimilar fue posible gracias a la amabilidad de Don Marcos de Terefa y Carral y de su hija María de la Luz de Terefa de Oteyza, quienes pusieron a nuestra disposición un ejemplar de la edición original. Para ellos nuestro más sincero agradecimiento.

A MANERA DE PROLOGO

La edición en 1585 de la presente obra se debe a una cédula real de Felipe II, quien ordenó la traducción a la lengua castellana de obras de matemáticas. Esta preocupación por el desarrollo científico, en particular de las matemáticas, concuerda con la fundación en 1582 de la Academia de Matemáticas en Madrid, institución que produjo importantes trabajos en la náutica y la astronomía¹.

Coincidiendo con el inicio del ocaso del Imperio Español, el entusiasmo por la ciencia menguó y, en 1625, cuando desaparece esta Academia, la decadencia de los estudios de matemáticas se hace patente y son inútiles las tentativas por mejorar su nivel².

Contrastando con esta situación y continuando con la tradición científica de la Nueva España del Siglo XVI, Fray Diego Rodríguez inaugura en 1638 la primera cátedra de astrología y matemáticas en la Real y Pontificia Universidad de México, misma que imparte ininterrumpidamente por 31 años². Esta labor es continuada brillantemente hasta finales del Siglo XVII por Carlos Sigüenza y Góngora, Joseph de

¹J. M. López Piñero "La introducción de la ciencia moderna en España" Barcelona, Ariel, 1969.

²E. Trabulfe "La ciencia perdida" Cuadernos de la Gaceta No. 13, FCE, 1985.

Efcobar Salmerón, Gaspar Juan Evelino, Luis Becerra Tanco y Pedro de Alarcón, entre otros.

Este pasado nos explica la existencia en México de un buen número de libros científicos, como el presente, editados hace varios siglos. Desgraciadamente ese pasado ha permanecido olvidado hasta muy recientemente, haciéndonos pensar en una carencia de tradición científica en nuestro medio.

Ya en los inicios del Siglo XVI circulaban distintas versiones de la presente obra, traducciones del griego y del árabe al latín y a otras lenguas romances. Hoy en día se sabe que si bien la *Perpectiva*, también llamada *Optica*, efectivamente es de Euclides, la *Especularia* es posterior.

Las traducciones a las lenguas romances fueron importantes porque difundieron esta obra más allá de los círculos académicos, familiarizados con el latín, en particular la pusieron al alcance de los artistas, quienes a pesar de no tener un entendimiento cabal de ella, la usaron y transformaron en sus manuales de pintura, de tal manera que con el tiempo substituyeron a la obra misma.

En un primer momento pensamos conveniente adjuntar a esta edición una versión en español moderno de la obra, pero después de leer algunas partes nos convencimos de que era superfluo.

Consideramos que esta obra no sólo interesará a la comunidad matemática por su carácter histórico, sino también porque en tiempos difíciles, en los que se cuestiona el valor de la ciencia y se le restringe el apoyo, es bueno echar la mirada atrás y obtener experiencias del pasado.

Enrique Ramírez de Arellano y Juan José Rivaud
Departamento de Matemáticas
CENTRO DE INVESTIGACION Y DE
ESTUDIOS AVANZADOS DEL IPN

25 ANIVERSARIO

EL REY.



OR quanto por parte de vos Pedro Ambrosio Ondreiz nuestro criado, nos fue fecha relacion que por auer ordē nuestra, que en nuestra corte se leyessen las Matematicas en lengua Castellana, y estar os a vos cometido por vna nuestra cedula en traduzir libros para este efecto, auia des traduzido agora vno intitulado la Pespēctiua, y Especularia de Euclides. Y nos si plicastes os mandassemos dar licencia para lo poder imprimir, y Privilegio para que por tiempo de veynte años ninguno le pu diesse imprimir sino fuessedes vos, o como la nuestra merced fuesse. Lo qual visto por los del nuestro consejo, y como por su mandado se hizieron las diligencias que la plegmatica por nos hecha sobre la impresiō de los libros dispone. Fue acordado que deuiamos demandar dar esta nuestra cedula para vos en la dicha razon, y nos tuuimos lo por bien. Y por la presente, por os hazer bien y merced, os damos licencia y facultad para que por tiempo de diez años que corran y se quenten desde el dia de la data desta nuestra cedula, vos o la persona que vuestro poder ouiere podays imprimir e vender el dicho libro que de suso se haze mencion. Y damos licencia y facultad a qual quier impresor de los nuestros reynos que vos nombraredes para que por esta vez lo pueda imprimir, cō que despues de impresso antes que se venda lo traygays al nuestro consejo juntamēte con el original que en el se vio, que va rubricado y firmado al cabō de Pedro del Marmol nuestro escriuano de camara de los que en el nuestro consejo residen para que se vea si la dicha impresiō esta conforme a el, o traygays se en publica forma en como por corrector nombrado por nuestro mandado se vio y corregio la dicha impresiō por el dicho original y se imprimio conforme a el, y que quedā asī mismo impressas las erratas por el apūtadas para cada vn libro de los que asī fueren impressos, y se os tasse el precio que por cada volumen oueredes de auer. Y mandamos que durāte el dicho tiempo persona alguna, sin vuestra licēcia no lo pueda imprimir ni vender, so pena que el que lo imprimiere aya perdido e pierda todos y qualesquier libros, moldes e aparejos que del dicho libro tuuiere, y mas incurra en pena de cinquēta mil maravedis, por cada vez que lo contrario hiziere. La qual dicha pena sea la tercia parte para el juez que lo sentenciare, y la otra tercia parte, para la persona que lo denunciare, y la otra tercia parte para nuestra camara. Y mandamos a los del nuestro consejo Presidentes e oydores de las nuestras audiencias, alcaldes, alguaziles de la nuestra casa y corte, e chancillerias, y a todos los corregidores Asistente Governadores Alcaldes mayores e ordinarios, e otros juezes e justicias qualesquier de todas las ciudades, villas, y lugares de los nuestros reynos y señorios, asī a los que agora sōn, como a los que seran de aqui adelante que vos guarden e cumplan esta nuestra cedula e merced que asī vos hazemos, e contra el tenor e forma della, ni de lo en ella contenido non vayan, ni pasen, ni consientan yr ni passar, por alguna manera, so pena de la nuestra merced, y de diez mil maravedis para la nuestra camara. Dada en Sant Lorenço, a quinze dias del mes de Septiembre de mil y quinientos y ochenta y quatro años.

YO EL REY.

Por mandado de su Magestad.

Antonio de Erasso

HE visto por mandado de los señores del consejo de su Magestad, la traducción de la Perspectiua, y Especularia de Euclides, hecha por Pedro Ambrosio Onderriz criado de su Magestad. Y digo q allende de ser muy conforme al verdadero sentido del autor, es muy clara y propria. Por lo qual juzgo que sera cosa muy prouechosa para los que no entienden Griego, si se imprimiere. Fecha en Madrid a los 21. de Deziembre. 1584.

Fernando Paterno.
de la compañía de Iesus.

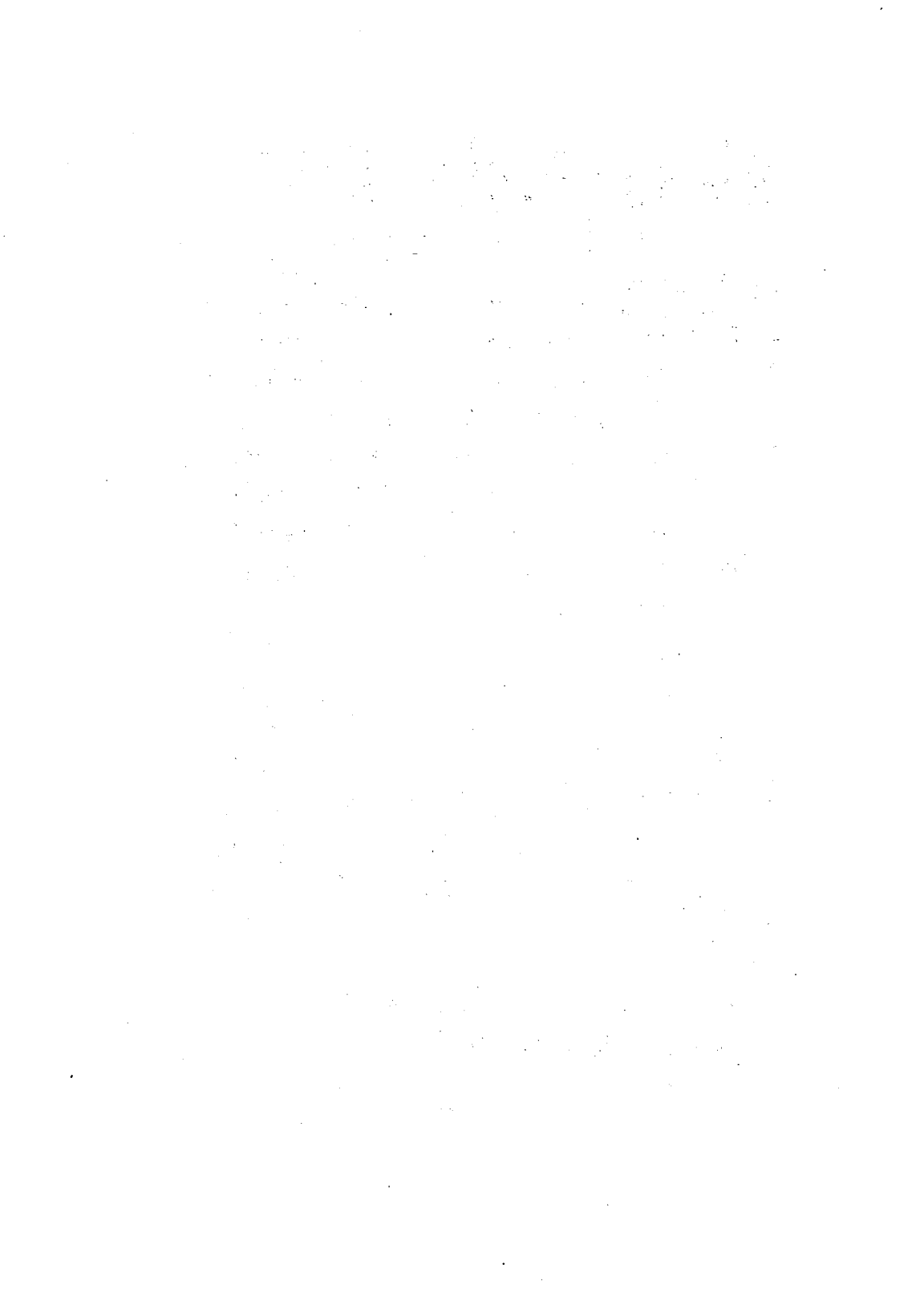
A la S. C. R. M. del Rey don
Phelippe nuestro Señor.



*Q*osa acostumbrada es. C. R. M. quando un señor ha plantado al gun deleytoso jardin, q̄ aquellos que le cultiuan le presenten las primeras flores del, assi para deleytarle con aquello q̄ el puso de su mano, como para ponerle confianza q̄ a su tiempo tambien llevara el fruto qual el lo dessea. Yo ni mas ni menos siguiẽdo esta loable costũbre me parecio presentar a V. M. este nuevo libro, q̄ son las primeras flores q̄ ha produzi- do este jardin de letras q̄ V. M. a plantado en esta su corte. V. M. lo acepte como cosa suya, cõ fiando que auiendo quiẽ le cultiue, llevara adelante muy abundante fruto, assi para el serui- cio de V. M. como para el aprouechamiento de sus Reynos, para cuya conseruacion y augmen- to, nuestro señor nos guarde a V. M. como to- dos desseamos.

*Huimilde criado y vassallo de V. M.
Que sus Reales manos besa.*

Pedro Ambrosio Onderiz.



T A S S A.

YO Miguel de Ondarça çauala secretario del Consejo de su Magestad, doy fee, que los señores del dicho Consejo de pedimiento y suplicacion de Pedro Ambrosio Ouderiz, tassaron vn libro intitulado Perspectiua, y Especularia, que con licencia de su Magestad imprimio., a tres marauedis y medio cada pliego en papel, y al dicho precio y no mas, mandaron q se venda. Y que primero que se venda ningun libro, se imprima esta tassa en la primera hoja de cada volumẽ. Y para que dello conste, de pedimiento del dicho Pedro Ambrosio, y mandamiento de los dichos señores, di la presente firmada de mi nõbre. En la villa de Madrid a veynte y vno de Henero, de mil y quinientos y ochenta y cinco Años.

Miguel de Ondarça çauala.

E R R A T A S.

Hoja.	Plana.	Linea.	Por	Diga.
			Preambulos.	
3.	1.	15.	tambien.	tambien.
			Obra.	
8.	1.	22.	que angulo.	que el angulo.
43.	2.	20.	ygal angulo.	ygal al angulo.
46.	2.	12.	angulo.FAC.	angulo.FCA.
54.	2.	18.	angulo.FHA.	angulo.EHA.

En Madrid a catorze de Enero de mil y quinientos y ochenta y cinco Años.

Iuan Vazquez del Marmol.

al lector.

en si tantos secretos, que ya que por auer perdido el hōbre aquel arte general con que baxaua ditcurriēdo por todo. Vuo de inuētar nuevos particulares, de cinco sentidos que Dios le auia dado, inuento nūeua sciencia para los dos dellos. La armonica, o musica, para el oydo, y la optica, o perspectiua para la vista, y con grau razon cierto, porque dexada a parte la musica, que harto la en grandecen los Poetas, con fingir que Arion, Amphion, y Orpheo mouian los animales aquaticos, y terrestres, y las duras piedras. La Perspectiua, aunq̃ no mueue los irracionales, a lomenos a los hombres que la ignoran, los buelue como irracionales de espanto, y a los que la saben les auia mas la razon, y subtiliza el entendimiento. Demanera que juzgan las mesmas cosas por tales quales ellas son, y los engaños que en ella se ofrecē la mesma sciencia se los descubre. Por donde cō gran razon deue ser muy estimada, porque si en alguna se juntaron, lo gustoso y prouechoso fue en esta. Pues en ella da grādissimo gusto, ver vna qualquier figura representarse en el ayre, y vn exercito que esta muy lexos, verlo como delante de los ojos, y abrasarse vna flota sin fuego, y sacar fuego del agua, y otros grandes milagros de naturaleza. Es tambien prouechosa, porque ella descubrio la materia, numero, y orden de los cuerpos celestes. Los milagros de la Iris, el mouimiento, lugar y numero de los elementos. Della como muy necessaria se aprouecha el phisico, con ella escudriña sus secretos, el Astronomo, della se ayuda el Geographo, para descriuir la tierra en la forma plana que quiere. Ella descubre mil engaños de la vista, forçandonos aque creamos, que lo que muchas vezes nōs parece grande sea pequeño, y

al lector.

ño. Y lo q̄ nos parece recto sea curuo, lo plano solido, lo que parece baxo, sea leuantado, lo concauo sea cōuexo, y lo que parece tortuoso, sea derecho. Por esta salimos de la difficulrad que tenemos en saber la razon que ay para que algunas lumbres en noche tempestuosa andē vagando, a manera de aues, ora dos, ora tres, y chirlé como si tuuieran voz, pareciédonos de diuerfas colores, esta desatemoriza los nocturnos caminantes si en el camino les sale al encuentro algun fuego leuantado en el ayre. El qual ha sido ocasiō a que muchos huyendo del se han precipitado, entendiendo ser (como dize el vulgo) algo de la otra vida. Esta haze que no se espanten los que ven en el ayre hombres armados, escudos sangrientos, tres soles, fuegos encédidos. Esta va ya desengañando a los marineros en q̄ no todas vezes juzguen ser Santelmo, el fuego que en las gauias se les pega, y a que tambien no se atemorizen, los que ven su mesma imagen representarseles delante en el ayre lo qual suele de noche acontecer a los que tienē la vista sfaca, el q̄ esta supiere no dexara de creer que se puede fabricar vn espejo donde se vean ciento o mas imagines baylādo, y que otro espejo se puede poner en tal parte, q̄ dentro del se vea lo que se haze en todo aquel barrio, y dentro de las casas de los vezinos; y que otro se puede hazer, de tal manera que mirandose en el vn hombre, no vea mas de vn ojo solo de los suyos, y otro tambien dō de vn hombre vea su imagen yr bolando, todo lo qual es razon euidente, por donde se entiende que el que careciere de la Optica, tomara lo falso por verdadero, y tēdra temor a lo que no tiene que temer. Esta es pues la que tenemos entre manos. La qual yo he traducido
en len-

al lector.

en lengua vulgar quan fielmente pude, arrimandome al antiguo exemplar en q Euclides excelentissimo geometra la compuso, y la razon que huuo para hazerlo fue que como su Magestad ordeno que en esta su corte se le yessen las Mathematicas en lengua Castellana, trayêdo para ello a Ioan Baptista Lauaña, por ser eminente en ellas, fue necessario traduzirse este libro en Romance, por auerle de leer, y è lo yo hecho por estar me cometido ami por ordê de su Magestad el facar libros para esta nueua Academia. Lo qual me mouio a poner en este, como lo hare en los demas la diligêcia posible. Y para mayor claridad suya se hã dexado muchas delas figuras del mismo autor, poniendo las mesmas en Perspectiua y en esto no tendre que escusarme, pues la ventaja q para entenderle se haze, me seruirá de escusa bastãte, con todos los que lo entendieren. Reciban lo pues con la voluntad que se les ofrece, o con aquella que el Rey nuestro señor tiene de aprouechar a los que de sus vassallos se aficionaren a estas diciplinas, que siendo asì, cada dia sacaremos libros nuevos, asì para los que dellos tuuieren necesidad forçosa, como para los que noteniendola, quifieren emplear el tiempo, en cosas dignas de si mesmos.

Demonstran-

PROLOGO DE LA perspectiua.



EMOSTRANDO Vn docto las cosas tocantes, a la vista, cuyo gusto y contento, a muchos auian induzido atratar dellas. Hallò por razones euidentres que toda luz viene por linea recta. En confirmacion de lo qual traya por principal argumẽto las sombras hechas de los cuerpos, y los rayos que passan por las ventanas y aberturas. Ninguno de los quales, hiziera lo que vemos q̄ haze, si los rayos que salen del Sol, no vinièran por linea recta. Dezia ansi mesmo, que los rayos embiados de estos nuestrros luminosos, son causa q̄ los cuerpos oppuestos a ellos en parte sean alumbrados, y en parte hagan sombras, ora iguales a los mesmos cuerpos, ora mayores, ora menores que ellos. Y que aquellos cuerpos hazen las sombras iguales a si mesmos, los quales son tambien iguales a los mesmos luminosos q̄ los alumbran, porq̄ en ellos los vltimos rayos vienẽ a ser equidistãtes, auiedo se entre si de tal manera que ni concurriendo disminuyen la sombra, ni ensanchandose la aumentan. Si no que tal qual es el mismo cuerpo tal medida de sombra cõseruan los mesmos rayos. Y que entonces las sombras son menores que los mesmos cuerpos quando los luminosos q̄ los alumbran sen mayores que ellos, porque como los rayos vltimos

La perspectiua

mos vienen a concurrir, vienen tambien a hazer la sombra menor. Y que en tal punto las sombras son mayores que los mesmos cuerpos quãdo los luminosos que los alūbran son menores que ellos. Porque en estos se dilatan los rayos, de tal manera que vienen a hazer mayor la parte de la sombra. Todo lo qual en ninguna manera sucediera si los rayos que el fuego embia no vinieran por linea recta. Lo qual tambiẽ mas claramente se puede aueriguar con otros effectos, porque si delante de vna candela encendida pusieremos vna tabla que tenga en medio vna hendedura hecha con vna subtil sierra, de tal manera que la tal hendedura este en derecho de la mitad de la candela, y de la otra parte de la tabla pusieremos junto a ella, otra tabla en que hiera el rayo que passa por la hendedura, hallaremos que el rayo que entra por la hendedura de la primera tabla, y da en la segunda tabla, es contenido de lineas rectas. Y que tambien esta ep vna mesma linea recta el rayo que saliendo de la mitad de la candela se junta con la hendedura de la tabla. Por lo qual siẽdo manifesto a todos q̃ toda qualquier luz viene por linea recta, les sera tambien manifesto que los rayos que salen del ojo corren con la mesma razon viniendo tambien por linea recta, aunque de tal manera que entre vno y otro rayo ay alguna distancia. De donde inferia el, que qualquier cosa que se mira no se vẽ toda juntamente, trayendo para ello esta razon, que cayendose en el suelo vna aguja, o otro pequeño cuerpo y buscandolo muchos con diligencia acontece muchas vezes no poderlo hallar, con no auer impedimẽto alguno que estorue el tal cuerpo para que dexede ser visto, y despues poco a poco fixando los ojos en el lugar donde esta ven la mesma

ma aguja. De lo qual se manifiesta que no pudiéndose ver el tal cuerpo que tampoco se ve el lugar donde esta, y por esto el ojo no puede ver juntamente todas las partes del lugar que mira, porque si pudiera ver las, viera tambien el aguja que buscava, y no por esto la ve. Ni más ni menos afirmava que los que con cuydado estan leyendo no pueden ver juntamente todas las letras que en vna plana estan escriptas, y que siendo forceados muchas vezes a buscar algunas de las tales letras, acontece no poder las hallar, lo qual sucede porque los rayos visuales no van a todas las letras, ni estan juntos, ni continuos, entre si. Sino q̄ entre vno y otro ay alguna distancia, y esta es la causa por donde no se pueden ver muchas de aquellas letras escriptas por orden. Dedonde se infiere que no se puede ver juntamente todo el lugar de la plana, y esto mesmo sucede en otra qualquier cosa visible, por donde las cosas que se miran no se pueden ver todas juntamente, y si parece que se ven, es porq̄ los rayos visuales se mueuen con tanta presteza que no dexan nada que no toque. Pero aquello que dizen muchos que la especie de la cosa que se mira sale della y va al ojo, para que mouido el ojo con ella, pueda ver la tal cosa, lo refutava poniendo esta duda en aquel que busca el aguja que se le ha caydo, y el otro que con gran atencion esta leyendo, porque podria dezir se, que si el ver, se haze por las especies que salen de la cosa visible y van al ojo, y de todos los cuerpos salen especies que mueuen nuéstrs sentidos a que vean, como puede ser q̄ aquel que busca el aguja no la vea, y el otro que con gran atencion esta leyendo no vea todas las letras de vna plana, Y si dizen que esto sucede porque aquellos que estan mirandó estan diuertidos en otras co-

La perspectiua

fas, también muchas vezes quando estan muy atetos buscando alguna cosa no la hallan, y otras vezes quando estan parlando con otros, y distraidos en otras cosas suelen hallarla. Mas a esto diran tambien que no todas las especies de las cosas que se miran van al ojo? Pues veamos que razon ay para que las vnas vayan y las otras no. Dezia vltra desto que la naturaleza auia hecho en los animales instrumetos para que sintiessen, de tal manera que vnos fuesen acomodados a recibir en si, y otros no, por que el oydo, y el gusto, y el olfacto los hizo huecos por dentro para que pudiessen acoger en si los cuerpos que viniessen de afuera a mouer los mesmos sentidos, por do de la voz acomodandose al oydo tiene necesidad de hallar vn lugar apto para detenerse algo, porque si luego q̄ llega se partiessa dexaria el sentido sin auer lo mouido, y la mesma voz confusa, por la mesma razon hizo la naturaleza el instrumento del olfacto hueco. Pues de el del gusto no ay que tratar, que al fin todos estos sentidos, los hizo, la naturaleza huecos, ya manera de cauernas, para que los cuerpos que a ellos viniessen, pudiessen detenerse algo. Por lo qual si los cuerpos que mueuen la vista viniessen al ojo, y el ojo no embiassse rayos a ellos. conuenia que la forma del ojo fuera hueca, para q̄ fuesse mas acomodada a recibir en si qualesquier especies, lo qual es al contrario, pues el ojo parece ser esphero, estas cosas le parecieron a el ser bastantes para probar que los rayos que mueuen a ver nuestro sentido, son los que salen del ojo y van a la cosa que mira, y para demostrar ansi mesmo que las circumferencias puestas en vna mesma superficie cō la vista parecen lineas rectas, traya estas razones, diziendo que porque el ojo que esta en el mesmo plano que

que la cosa que mira esta de tal manera situado, que ni esta mas alto ni mas baxo que la tal cosa (por que esto es estar en el mesmo plano que ella) seguir se ha que el ojo que ni esta mas alto ni mas baxo que la circumferencia descrita en el mesmo plano echara los rayos, no mas altos hazia las vnas partes de la circumferencia, ni mas baxos hazia las otras, sino que embiara todos estos rayos tirados por el mesmo plano igualmente hazia todas las partes de la circumferencia: lo qual es causa para que el plano en que esta el ojo parezca linea recta, y ni mas ni menos la circumferencia descrita en el mesmo plano, porque el plano que junto al ojo se pone a manera de linea recta, este no se puede ver, por no caer en el ninguno de los rayos que salen del ojo, pero su extremidad se vê que es linea recta. Y esto dezia, porque esta linea oppuesta al ojo, estorvando las demas partes del plano, impide que el plano no se vea, y la mesma razon que fuerça a que el plano puesto junto al ojo parezca linea recta, haze que entre las circumferencias que estan en el mesmo plano q̄ el ojo, parte, parezcan mayores, quando mas rayos visuales se applican a ellas, y parte iguales, quando son iguales estos rayos, y parte parezcan menores, quando aquellos angulos, como de rayos, que se hazen junto al ojo son menores.

SVPPOSICIONES.

I.

Suppongase que los rayos que salen del ojo van por linea recta, y que entre si estan apartados con alguna distancia.

A 4 Y que

La perspectiua

2.

Y que la figura comprehendida de los rayos visuales es vn cono , cuya puncta esta en el ojo , y la basa en las extremidades de las cosas v istas.

3.

Aquellas cosas se ven donde los rayos visuales llegan.

4.

Aquellas cosas no se ven donde los rayos visuales no llegan.

5.

Las cosas que se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores.

6.

Las cosas que se miran debaxo de menor angulo parecen menores.

7.

Las cosas que se miran debaxo de igual angulo parecen iguales.

8.

Las cosas que se miran debaxo de rayos mas altos parecen mas altas.

9.

Las

de Euclides. 4

Las cosas que se miran debaxo de rayos mas baxos parecen mas baxas.

10.

Las cosas que se miran con rayos que doblan mas a mano derecha, parecen mas derechas.

11.

Las cosas que se miran con rayos que doblan mas a mano izquierda, parecen mas izquierdas.

12.

Las cosas que se miran debaxo de mas angulos, se ven mas distintamente.

Supponganse estas cosas para demostrar los Theoremas siguientes

AL LECTOR.

A Duertira el lector que la claridad deste libro, a escusado los escholios q̄ en otros suele auer, porque aunque v̄ algunos son los mesmos que estan en el exemplar Griego, solo se han puesto en las margenes las proposiciones con que se prouea la demostracion. Las quales no estan sino muy raras, an̄si en el Griego exemplar deste libro, como en otros, tocantes a Mathematicas, porque los antiguos trabajauan, mas en ellas que nosotros, y cenian las mas en la memoria,

La perspectiua.

ria, y ansi donde quiera que en este libro se viere esta señal †. se ha de ocurrir a buscar la mesma señal. †. en la margen por que con ella esta escripta la proposicion, por dōde aquello se demuestra, como si se viere esta señal. †. y en derecho della en la margen otra señal. †. y tras ella escripto. 16. 3. el. Entiendese que aquello se prouea por la. 16. proposicion del lib. 3. de los elementos de Euclides, ansi que el primer numero muestra la proposicion ò diffinicion que es, y el segundo de qual libra es de los elementos de Euclides, mas quando se viere. †. 3. Th. entiendese que es por el. 3. theorema de aqueste libro, ni mas ni menos quando se viere en la perspectiua ò especularia. 5. supposicion, entiendese por la. 5. supposició de aq̄ste libro, los escholios de lo Griego hemos notado desta manera, que en la margen se pone la mesma señal. †. cō vna letra. A. ò B. la qual responde a otra señal que esta en la demostracion, y despues adelante se pone otra A. ò B. con la mesma señal. †. Y en frente della esta el escholio, como se vè en el. 2. theorema deste libro. Vale.

THEO.

de Euclides.

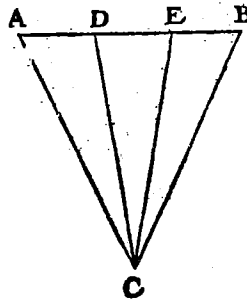
5

T H E O R E M A

I.

Ninguna cosa visible se vé toda juntamente.

SE A la cosa visible. AB. y el ojo sea C. del qual salgan los rayos visuales CA. CD. CE. CB. y porque los rayos visuales que salen del ojo van con alguna distancia entre si † luego no caeran cōtinuos sobre AB. por lo qual abra en AB. algunas distancias donde no llegan los rayos visuales. Y ansi por esto toda la cantidad AB. no se vera juntamente, mas parece que se vé por la velocidad con que salen los rayos visuales.



†. i. suposic.

T H E O R E M A

2.

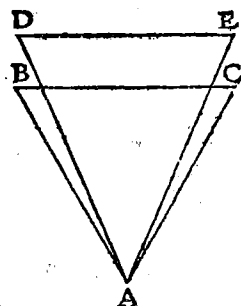
Entre las grandezas iguales que estan apartadas entresi, las que estan mas cerca del ojo, se vén mas distintamente.

B

SE A

la perspectiva

SE A el ojo A. y las grãdezas visibiles BC. DE. las quales sean iguales y paralelas, y este BC. mas cerca del ojo, y salgã los rayos visuales AB. AC. AD. AE. no diremos pues q̃ estos rayos visuales q̃ van desde el ojo A. a la grandeza DE. passan por los pũctos BC. por que si ansí fuesse ¶ seria el lado



DE. del triangulo ADE. mayor q̃ el lado BC. del triangulo ABC. mas puso se igual a el: por lo qual BC. se vera cõ mas rayos visuales que DE. • y ansí BC. se vera mas distintamente que DE. †.

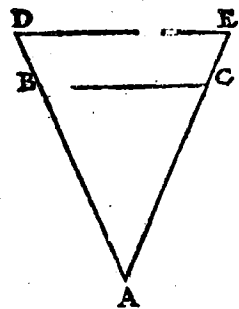
†. A.

†. 12. suposic.

SCHOLIO.

†. A.

† QVE DE. sea mayor q̃ BC. si los rayos visuales AD. AE. passan por los pũctos BC se demostrara ansí, sea como en el presente triangulo, donde porque las lineas rectas AD. AE. caen sobre las lineas rectas paralelas DE. BC. seran los angulos ADE. AED. iguales a los angulos ABC. ACB. † y ansí los triangulos ABC. ADE. seran equiangulos, y por esto sera como



† 29. p. elem.

† 4. 6. elem.

† 16. 5. elem.

AD. a DE. ansí AB. a BC. † y alternadamente como AD a AB. ansí DE. a BC. † y es AD. mayor que AB. luego tambien DE. sera mayor que BC.

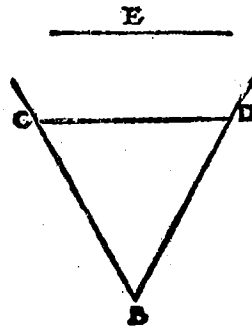
THEO

T H E O R E M A

3.

Cada cosa visible tiene vna determinada longitud de distancia, la qual passada no se vé mas.

S E A el ojo B. y la cosa visible CD. digo q̄ CD. puede apartarse a tal distancia donde no se vea mas, este CD. en la distancia q̄ ay entre los rayos visuales, y sobre ella este E. luego ningũo de los rayos visuales que salen del ojo B llega a E. mas. aquellas cosas no se vèn donde no llegan los rayos visuales. † Por lo qual cada vna cosa visible tiene vna determinada longitud de distancia, la qual passada no se vé mas: pero contiene que entre la cosa visible y el ojo aya alguna distancia que de otra manera no se ueria,



†.4. suposic.

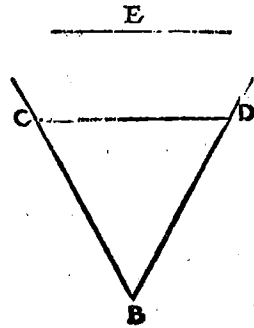
S C H O L I O.

B. 2

PERO

la perspectiua

P E R O dira alguno que no solaméte los rayos visuales B C. B D. llegaran a la grandeza C D. sino tambien otros muchos entre los pũctos. C D. por q̄ alexada mas la grandeza C D. sino llegaren a ella los rayos visuales B C. B D. llegarã los que estã en medio: a esta duda respondemos anfi, que aunque alexada la grandeza C D. no la hieran los rayos visuales B C. B D. sino los que estan en medio, que alexada mucho mas la mesma grandeza, ni los que estan en medio, llegaran a ella. Porque apartandose la mesma grandeza forçosamente se ha de hazer mayor la distancia que ay entre los rayos visuales y ella.



D E O T R A M A N E R A.

S E A el ojo. B. y mirese la cosa visible. C D. debaxo del menor angulo que pueda auer, el qual sea C B D. digo que apartandose mas lexos. C D. no se vera, aparte-se pues poniendose mas lexos como en el punto. E. luego estando en. E. mirarse a con mas pocos rayos visuales y mirauase cõ los mas pocos que podia auer por auerse puesto el angulo C B D. el menor que podia ser, lo qual no puede ser.

T H E O R E M A

4.

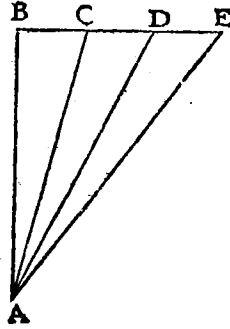
Entre

de Euclides.

7

Entre las distancias iguales puestas sobre vna mesma linea recta, las que se miraren de mas lexos pareceran menores.

SEAN las distancias iguales BC , CD , DE . y el ojo sea A . del qual salgan los rayos visuales AB , AC , AD , AE . y este AB . en angulos rectos sobre BE . y porque en el triangulo rectangulo ABE . son iguales BC , CD , DE . †. sera el angulo BAC . mayor que el angulo CAD . y el angulo CAD . mayor que el angulo DAE . luego mayor parecera BC . que CD . y CD . que DE . †.

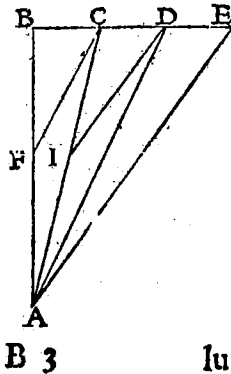


†. *A.*

†. 5. *suposic.*

SCHOLIO.

†SEA el triangulo ABE . que tenga recto el angulo. B . y sean iguales BC , CD , DE . y tirense CA , DA . digo que el angulo BAC . es mayor que el angulo CAD . y el angulo CAD . mayor que el angulo DAE . tirese por el punto. C . la linea recta CF . para lela a DA . †. luego sera como DC . a CB . anfi AF . a FB . †. mas DC . es igual a CB .



†. *A.*

†. 31. 1. *elem.*

†. 2. 6. *elem.*

luego

la perspectiua

- luego tambien AF. sera igual a FB y porque el angulo
 †19.1.elem. B. es recto sera FC. mayor que FB. † mas FB. es igual a
 FA. luego EC. mayor sera que FA. y por esto el angulo
 †18.1.elem. FAC. sera mayor que el angulo FCA. † mas el angulo
 †29.1.elem. FCA. es igual al angulo CAD. por ser coalternos † lue
 go tambien el angulo FAC. sera mayor que el angulo
 CAD. tirese demas desto por el punto D. la linea DI. pa
 †31.1.elem. ralela a EA † manifiesto esta pues que DI. es mayor q̄ IA.
 por lo qual el angulo IAD. sera mayor que el angulo
 †18.1.elem. IDA. † mas el angulo IDA. es igual al angulo DAE.
 †29.1.elem. † luego el angulo. IAD. mayor es que el angulo DAE.

T H E O R E M A

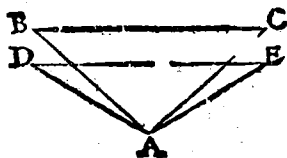
5.

Las grandezas iguales que desigual-
 mente estan apartadas parecen desigua-
 les, y siépre parece mayor la que esta mas
 cerca del ojo.

S E A N las grandezas
 iguales DE. BC. y el ojo sea
 A, del qual salgã los rayos vi
 suales AB. AC. AD. AE. † pues
 porque DE. se mira debaxo
 de mayor angulo que BC.

†. A.

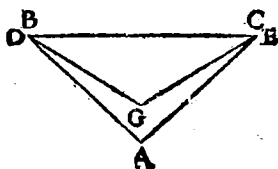
†. 5. suposic. parecera DE mayor que BC. †.



S C H O L I O.

L A

† L A grandeza DE. se mira debaxo de mayor angulo que BC. porque juntadas DE.BC. demanera q̄ B. cayga sobre D, y C. sobre E. y fiendo las dos lineas AB. AC. mayores que GD. GE. caera el triangulo GDE. dentro del triangulo ABC. y sus lados contendran mayor angulo por la. 21. del primero.



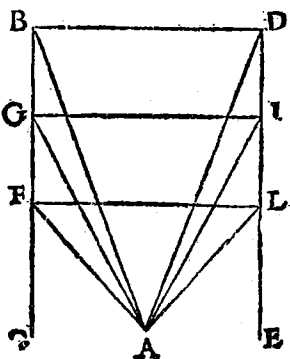
†. A.

T H E O R E M A

6.

Las distancias paralelas miradas desde lexos, parecen de desigual latitud.

S E A N las distancias paralelas BC. DE. y el ojo sea A. digo que BC. DE. parecen de desigual latitud. Y que si pre la distancia que esta mas cerca parece mayor q̄ la mas apartada, salgan los rayos visuales AF. AG. AB. AD. AI. AL. y tirése las lineas rectas. LF. IG. DB. y porque el angulo FAL. es mayor q̄ angulo

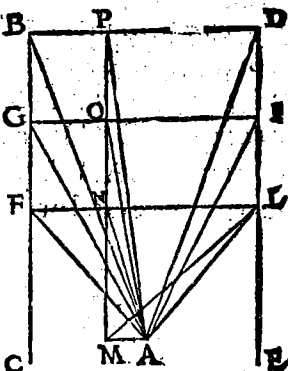


GAI. luego mayor parece la linea recta FL. que GI. † y por esso mesmo la linea recta GI. parece mayor q̄ la recta BD. de dõde se sigue q̄ estas distancias no parecen paralelas, sino q̄ se van juntando con desigual latitud. Por lo qual las distancias paralelas miradas desde lexos parecẽ de desigual latitud, desta manera se demostraralo propuesto

†. 5. suposi.

la perspectiva

puesto siempre que el ojo estuviere en el mismo plano que la cosa visible. Pero si el ojo no estuviere en el mismo plano que ella se demostrara así sea el ojo A. y tirese desde A. al sujeto plano la perpendicular AM y de M. a FL. tirese la perpendicular MN. y estienda se hasta P. y salgan los rayos visuales AB. AG. AF. AD. AI. AL. y juntese AN. AO. AP. y porque del punto A. puesto en alto se ha tirado al punto N. la línea recta AN. luego sera perpendicular a LN. y semejantemente lo sera AO. a GI. y AP. a BD. por dōde los triangulos ANL. AOI. APD. seran rectangulos y es OI. igual a NL. por ser NI. paralelo grammo, y cada vna de las líneas OA. AI. es mayor que cada vna de las líneas NA. AL. luego mayor es el angulo NAL. q̄ el angulo OAI. por lo qual toda FL. parece mayor que toda GI. y lo mismo es en todas las otras: por q̄ FL. mayor parece tambien que BD. de donde se sigue que estas grãdezas parecen de desigual latitud.



†. prop. II. el.

†. A.

†. s. suppo.

SCHOLIO.

†. A.

†. Q V E. AN sea perpendicular a NL. se demostrara así: porque del punto A. se ha tirado al sujeto plano la perpendicular AM. luego con todas las líneas que la tocan, y estan en el sujeto plano haze los angulos rectos, y porque MN. es perpendicular a FL. tambien

†3. de ff. II. el

bien

de Euclides. 9

bien MN. hara angulo recto con MA. tirese desde M, a L, la linea ML. luego ML. hara angulo recto cō MA. † 3. def. 11. el. pues porque el triangulo AMN. es rectangulo que tiene recto el angulo AMN. sera el quadrado que se haze de AN. igual a los quadrados que se hazen de AM. MN. † Item porque el triangulo MNL. es rectangulo que tiene recto el angulo MNL, sera el quadrado de ML. igual a los quadrados de MN. NL. y es el quadrado de AL. igual a los q̄ se hazē de AM. MN. NL. y a los quadrados de AM. MN. es igual el quadrado de AN. por ser el triangulo AMN. rectangulo, que tiene recto el angulo AMN. luego el quadrado que se haze de AL. sera igual a los que se hazen de AN. NL. y ansi por la 48. del primero de los elementos el angulo ANL. es recto que era lo que contenia demostrar.

O T R O S C H O L I O,

† QVE el angulo NAL. sea mayor que el angulo OAI. se demostrara ansi: porque el triangulo AMN. es rectangulo q̄ tiene recto el angulo AMN. luego el angulo ANM. sera agudo, y por esto el angulo ANO. sera obtuso, y ansi en el triangulo obrusiangulo AON. estando el lado AO. oppuesto al angulo obtuso N, sera el lado AO. mayor que el lado AN. † pues porque los triangulos AOI. ALN. son rectangulos que tienen rectos los angulos O, N, luego el quadrado que se haze de AI. es igual a los que se hazen de AO, OI. † y semejantemente el quadrado de AL. es y igual a los quadrados de AN, NL, mas los quadrados de AO, OI. son mayores q̄ los quadrados de AN, NL. porque OI, es igual

C

a NL.

† 3. def. 11. el.

† 47. 1. el.

† B.

† 19. 1. elem.

† 47. 1. ele.

la perspectiua

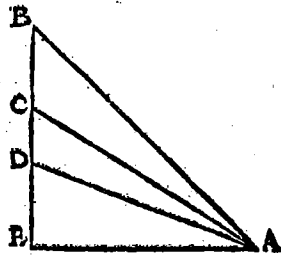
a NL, siendo lados opuestos del paralelo grammo NI, y OA, es mayor que NA. por lo qual el quadrado que se haze de AI, es mayor quel que se haze de AL. y anfi AI. sera mayor que AL. y ha se demostrado OA. mayor que NA. y OI, igual a NL. luego si pusieremos a OI. sobre NL. caera el triangulo A NL. dentro del triangulo A OI. y así por la. 21. del primero de los elementos, sera mayor el angulo NAL. que el angulo OAI. lo qual conuenia demostrar.

T H E O R E M A

7.

Las grandezas iguales, que puestas en vna mesma linea recta, estan entresi apartadas, parecen desiguales.

SEAN las grandezas iguales BC, DE. y el ojo sea A, del qual falgan los rayos visuales AB, AC, AD, AE. y sea recto el angulo BEA. luego mayor es el angulo EAD. q. el angulo BAC. † y por esto ED, parecera mayor que BC. † de donde se sigue que las grandezas BC, DE, parecen desiguales:



† Schol. del.
4. theor.
† s. suposic.

T H E O R E M A

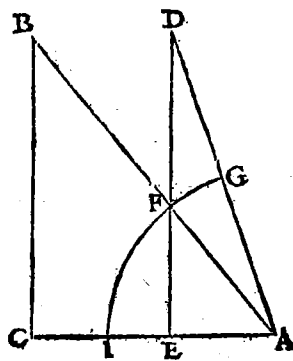
8.

Las

de Euclides. 10

Las grandezas iguales, desigualmente
apartadas, no guardan la mesma razón, en
los angulos que en las distancias.

SE A, B C. igual a D E. y pongase paralela a ella, y sea el ojo A. del qual salgan los rayos visuales A E C. A F B. A E. A G D. y este A C. en angulos rectos sobre C B. digo que no parece auer la mesma proporcion entre las grandezas B C. D E. que entre las distancias C A. E A. porque el angulo D E A. es recto sera el angulo E F A. agudo † por lo qual F A.



sera mayor que E A. † pues si sobre el centro A. con la distancia A F. se descriuiere vn circulo caera fuera de E A. descriuase pues, y sea G F I. y porque el triangulo D F A. tiene mayor proporcion al sector F G A. que el triangulo E F A. al sector I F A. † permutando pues el triangulo F D A. al triangulo E F A. tendra mayor proporcion que el sector G F A. al sector I F A. † y componiendo el triangulo. E D A. al triangulo E F A. tendra mayor proporcion que el sector G I A. al sector. I F A. † mas como el triangulo E D A. al triangulo E F A. assi D E. a E F. † y como el sector. I G A. al sector I F A. assi el angulo D A E. al angulo F A E. † luego D E. a F E. mayor proporcion tiene que el angulo G A E. al angulo. F A E. mas como D E.

† 17. 1. el.
† 19. 1. elem.
† 7. def. 3.
† 27. 5. ele.
† 28. 5. elem.
† . 1. 6. el.
† Corol. 33.
6. elem.

C 2 a F E.

la perspectiua

† 4. 6. elem. a FE. anfi CA. a A E. †tendra pues CA, a AE, mayor pro-
porcion que el angulo GAE. al angulo FAE. y deba-
xo del angulo GAE. se mira la grandeza DE. y deba-
xo del angulo BAE, se mira la grandeza BC. por lo qual
las grandezas iguales no guardan la mesma razon en
los angulos que en las distancias.

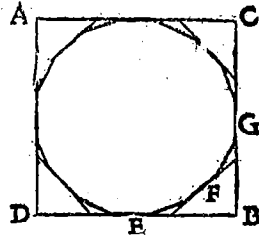
T H E O R E M A

9.

Las grandezas rectangulas, miradas
desde lexos, parecen redondas.

SE A la grandeza rectan-
gula mirada desde lexos A B.
pues porque cada vna de las co-
sas visibles tiene vna determi-
nada longitud de distancia, la
qual passada no se vê mas † lue-
go el angulo B, no se vê, sino so-
lamente los puntos E F G. lo
mesmo succedera en cada vno de los demas angulos:
por lo qual toda la grandeza A B. parecera redonda.

†. 3 Theor.



S C H O L I O.

EL angulo B, no se vê porque la latitud de las fi-
guras rectangulas es menor hazia los angulos que ha-
zia otra parte, y anfi las partes que estã mas cerca de los
angulos se desaparecen mas presto que las de en medio
de la figura.

T H E O.

de Euclides.

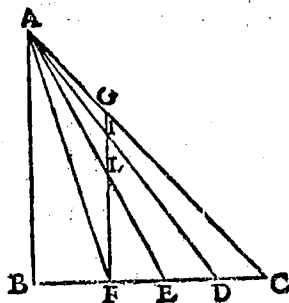
II

THEOREMA

10.

Entre los planos puestos debaxo de el ojo, los que estan mas apartados parecen mas altos.

EST E puesto el ojo A, mas alto que el plano BC, y salgan del ojo A, los rayos visuales AC, AD, AE, AF, AB. entre los quales AB, este perpendicularmēte sobre el sujeto plano, digo que CD. pa recera mas alto que EF. †por que los rayos visuales AC. AD. debaxo de los quales se mira el plano CD. son mas altos que los rayos visuales AE, AF. debaxo de los quales se mira EF, luego CD. mas alto parecera que EF. y EF. que FB. porque las cosas que se miran cō rayos visuales mas altos parecen mas altas. †.



†. A.

† 8. *suposic.*

SCHOLIO.

† QVE los rayos visuales AC, AD. sean mas altos †. A. que los rayos AE, AF. esta manifesto. tirese FG. perpen dicular al sujeto plano BC. † y porq̄ el punto G, esta †. 12. 11. el. mas alto q̄ I. y I, mas que L, y el rayo visual AC. se tira por el punto G, y AD, por I, y AE, por L, luego AC,

C 3

mas

la perspectiva

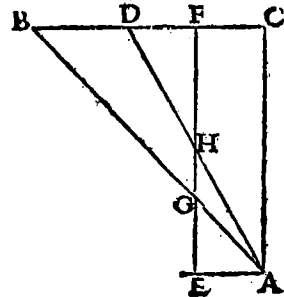
mas alto sera que AD. y AD, mas que AE. y AE. mas que AF. por lo qual los rayos visuales AC, AD. mas altos parecen que los rayos visuales AE, AF.

T H E O R E M A

II.

Entre los planos puestos sobre el ojo, los que estan mas apartados, parecen mas baxos.

ESTE puesto el ojo A, debaxo del plano BC, y salgã del los rayos visuales AB, AD, AC. † pues porque AB, es el mas baxo de los rayos visuales que salen del ojo A, al plano BC. y AD, es mas baxo que AC. y por los rayos visuales AB, AD, se mira el plano BD: y por los rayos visuales AD, AC. se mira el plano DC. luego BD, mas baxo parece que DC.



f. A.

S C H O L I O.

† Q V E, AB, sea el mas baxo de los rayos visuales que salen del ojo A. al plano BC. lo demostraremos assi, sea el plano EA paralelo al plano BC, y menor que DC, y

† A.

de Euclides.

II

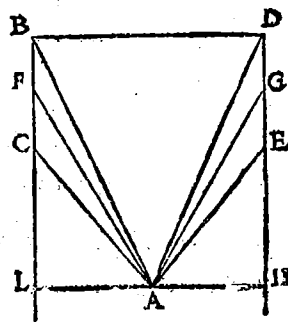
DC, y tirese EF. perpendicular al plano AE. y porque el punto G, esta mas baxo que el punto H. y el rayo visual AB, passa por el punto G, y el rayo visual AD. por el punto H. luego AB mas baxo esta que AD. desta mesma manera demostraremos todos los demas.

T H E O R E M A

12.

Entre las cosas, que tienen longitud hazia la parte anterior, las que estan a mano derecha, parece que van hazia mano izquierda, y las que estan hazia mano izquierda, parece que van hazia mano derecha.

SEAN las cosas visibiles B C, D E. y el ojo sea A, del qual salgan los rayos visuales AC, AF, AB, AD, AG, AE. † luego D, mas parece que vá hazia mano izquierda que G, y ni mas ni menos B, mas parece que vá hazia mano derecha que F, por lo qual entre las cosas que tienen longitud hazia la parte anterior las que estan a mano derecha parece q̄ van hazia mano izquier



da y las

la perspectiua

da y las que estan a mano izquierda parece que van hazia mano derecha.

S C H O L I O.

† A:

† QVE, D, parezca yrse mas hazia mano izquierda que G, y G, mas que E, y que ni mas ni menos B, parezca yrse mas hazia mano derecha que F, y F, mas que C, se manifestara ansi, este AH, en angulos rectos con DH, y semejantemente AL, con LB, luego de todos los rayos que salen del ojo A, y van a DH, el menor es el perpédicular AH, por lo qual el punto H, esta el mas a mano derecha y ansi el rayo AH, lo esta mas que los rayos visuales AE, AG, AD, y porque AE, esta mas cerca de AH, que AG, y AG, esta mas cerca de AH, que AD, luego AD, mas parecera declinar a mano izquierda que AG, y AG, mas que AE, y por esto D, parece declinar se mas hazia mano izquierda q̄ G. y G, mas q̄ E, semejante mente demostraremos que B. declina mas hazia mano derecha que F, y F, mas, que C.

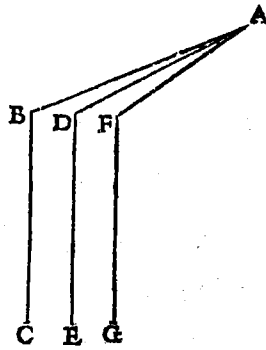
T H E O R E M A

13.

Entre las grandezas iguales puestas de baxo del ojo, las que estan mas aparradas, parecen mas altas.

SEAN

SE AN las grandezas igua
les BC.D E.FG.las quales esten
puestas debaxo del ojo A, y del
ojo A, salgan los rayos visuales
AB.A D.A F.y porque AB.esta
mas alto que los demas rayos vi
suales, luego tambien el punto
B, estara mas alto que los pun
ctos D.F. y por el configuiente
tambien BC.estara mas alto que
D E.y D E.mas que F G.por lo



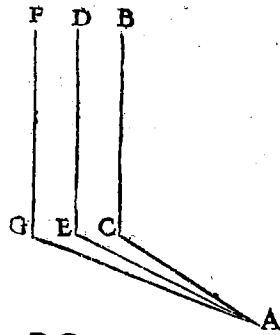
qual entre las grãdezas iguales puestas debaxo del ojo
las que estan mas apartadas parecen mas altas.

T H E O R E M A

14.

Entre las grandezas iguales puestas so
bre el ojo, las que estan mas apartadas, pa
recen mas baxas.

SE AN las grandezas igua
les BC.D E.F G.las quales esten
puestas encima del ojo A, y del
ojo A, salgan los rayos visuales
AC.A E.A G.y porque A G.esta
mas baxo que los de mas rayos
visuales, luego el punto G.mas
baxo estara que los demas pun
ctos, y por esto F G.parecera
mas baxo que D E.y D E. mas que B C.



D

THEO.

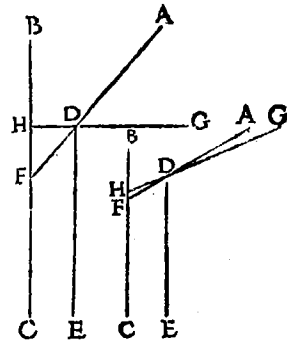
la perspectiua

T H E O R E M A

15.

Entre las grandezas que puestas debaxo del ojo se exceden entresi, acercando se el ojo, el exceso en que la mayor excede a la menor, parece mayor, y apartando se, parece menor.

SE A, BC. mayor que DE. y pōgase el ojo A, sobre BC. DE. y salga por el punto D, el rayo visual AF. luego BC mayor parece que DE. tanto quanto es BF. por parecer FC. igual a DE. con mirarse debaxo de vn memoria y visual A F. mudese agora el ojo del punto A, al punto G y por D, salga el rayo visual GH.



ya otra vez, la mesma EC, parecera mayor que DE. tãto quanto es BH. por lo qual BC. parecera exceder á DE. en menos exceso quando se aparta el ojo que quando se acerca.

T H E O R E M A

16.

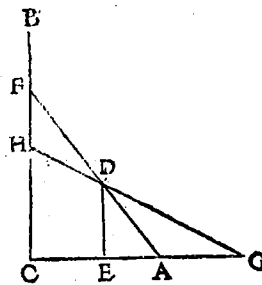
Entre

de Euclides.

11

Entre las cosas que puestas sobre el ojo se exceden entre si, acercandose el ojo, el exceso en que la mayor, sobrepuja a la menor, parece menor, y apartandose, parece mucho mayor.

SEA, BC. mayor que DE y este el ojo A, puesto debaxo de llas, y salga por el punto D, el rayo visual AF. luego BC. mayor parece que DE. tanto quanto es B.F. mudese agora el ojo del punto A, al punto G, y salga por el púcto D, el rayo visual GH agora pues BC. parecera mayor q̄ DE. tanto quanto es B H, por lo qual acercandose el ojo, la mayor BC. parece exceder a DE. en menos, y apartandose parece excederla en mas.



T H E O R E M A

17.

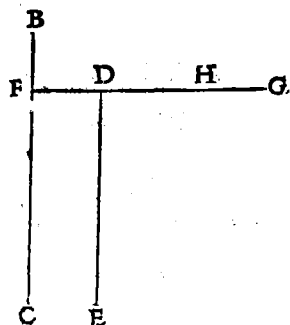
Entre aquellas grandezas que se exceden entresi, puesto el ojo sobre vna grandez menor, ora se alexe por ella, ora se acerque, siempre la mayor parece exceder a la menor en igual exceso.

U 2

EXCE-

la perspectiva

Exceda BC. a DE. en BF. y tirada FD. estienda se, y este el ojo sobre el punto G, luego el rayo visual que saliere del punto G. ira por GF. mudese agora el ojo sobre el punto H. por la mesma razon pues, el rayo visual q̄ saliere del ojo H. ira por HF. y por esto BC. excedera a DE. en vn mesmo excessso, ora se acerque el ojo, ora se alexe.



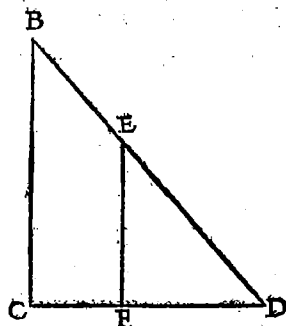
T H E O R E M A

18.

Conoscer la cantidad de vna altura dada.

Sea la altura dada BC. cõuine pues conocer su cãtidad: pas se porel pũcto B, el rayo del sol BD. cuya sombra sera CD. y to mese vna grandeza q̄ sea FE. y apliquese debaxo del angulo D, paralela a BC. sera pues como DC. a CB. asi DF. a FE. † mas la razon de DF. a FE. es conocida, luego la razon de DC. a CB. sera conocida, y es conocida la sombra DC por lo qual la altura BC. sera conocida.

† 2. G. elem.



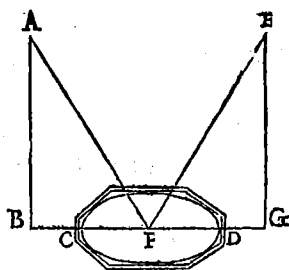
THEO.

T H E O R E M A

19.

Conoscer la cantidad de vna altura da-
da, no pareciendo el Sol.

SEA la altura dada cuya
cantidad conuiene conoscer
A B. y pongase el espejo CD.
y el ojo sea E, del qual salga el
rayo visual E F. que reflecta
en el termino A, y tirese del
ojo E, la perpendicular E G.
iguales seran pues los angu-
los AFB. EFG. lo qual se de-
mostro en el primero de los
espejos, y es el angulo B, igual al angulo G. por ser cada
vno dellos recto, luego el restante A, sera igual al restã-
te E, por lo qual el triangulo ABF. sera semejante al triã-
gulo E F G. y por esto sera como F B. a B A. a si F G. a
G E. † mas la razon de F G. a G E. es conosciada, por el cõ
siguiente pues, la razon de F B. a B A. sera conosciada, y
es conocida la cantidad FB. luego tambien sera cono-
cida la de la altura A B.



† 4.6. elem.

T H E O R E M A

20.

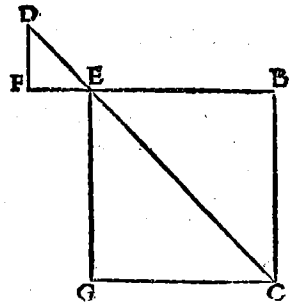
Conoscer la cantidad de vna profun-
didad dada.

D 3

SEA

la perspectiua

SEA la profundidad cuya cantidad conuiene conocer BC. y pongase el ojo en D, desde el qual hasta la profundidad vaya el rayo visual DEC. y por el punto D. tirese DF. paralela a BC. pues porque DF. es paralela a BC. y cae sobre entrambas DC.



† 29. 1. el.

† 15. 1. elem.

† 4. 6. elem.

luego hara los angulos alternos BCD. EDF. iguales entre si † y son los angulos opuestos en la vertice E, iguales entre si † luego el angulo restante, sera igual al angulo restante, y el triangulo BCE. sera equiangulo al triangulo EDF. y por esto sera como EF. a FD. asi EB. a BC. † mas la razon de EF. a FD. es dada, por lo qual la razon de EB. a BC. sera dada, y es dada EB. luego tambien BC. sera dada.

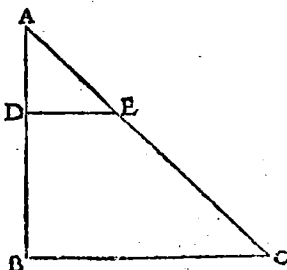
T H E O R E M A

21.

Conoscer la cantidad de vna longi-
tud dada.

SEA

SEA la longitud cuya cantidad conuiene conocer BC. y pógase el ojo en A, del qual salgan los rayos visuales AE.AC. y por el punto D, tirese DE. paralela a BC. sera pues como DE.a EA. así BC. a CA. † mas la razon de DE.a EA. es conocida, luego la razon de BC. a CA. sera conocida, y es conocida CA por lo qual tambien CB. sera conocida.



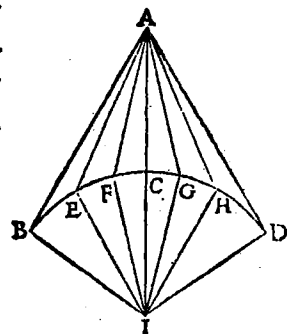
† 2. y 4. 6. el.

T H E O R E M A

22.

La circunferencia de vn circulo, puesta en el mesmo plano que el ojo, parecera linea recta.

Sea la circunferencia BD. y este el ojo A, en el mesmo plano que la circunferencia BD. y saleñ delos rayos visuales AB. AC. AD. y porq̄ ninguna cosa visible se ve toda juntamete † luego no se parecera la circunferencia BC. sino solos sus terminos BC por lo qual la circunferencia BC. parecera linea recta, y de la mesma manera CD. y así mesmo toda la circunferencia BD. parecera ser linea recta.



†. 1. Theor.

OTRA

la perspectiua

O T R A D E M O S T R A - cion de Pappo.

SALGAN del ojo A, puesto en el mesmo plano que la circunferencia BCD. los rayos visuales A B. A E. A F. A G. A H. A D. y esté dado el rayo visual A C. alarguese hasta el centro I, del qual se tiren I B. I E. I F. I G. I H. I D. y porque el angulo I A D. es mayor que el angulo I A H. y I A H. es mayor que I A G. luego I D. mayor parece que I H. † y I H. mayor que I G. y I G. mayor que I C. y por esso el punto C, parece estar mas cerca del centro I, que el punto G. y G. mas que H. y H, mas que D, por lo qual la circunferencia C G H D. parece ser linea recta, de la mesma manera se demostrara que la circunferencia C F E B. parece linea recta, de donde se sigue que toda la circunferencia parecera ser linea recta.

† s. suposic.

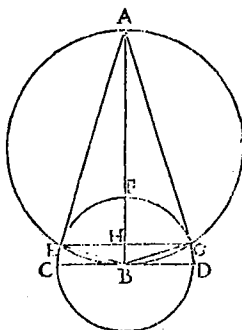
T H E O R E M A

23.

De qualquier manera que la Esphera se mirare con vn ojo solo, siempre se vera menos que la mitad, y aquella parte de Esphera que se vê, parece comprehender se debaxo de vn circulo.

Sea

SEA la Esphera cuyo centro B, y el ojo sea A. y juntese AB. sobre la qual por el punto B, se tire en angulos rectos CBD. y por AB. y CBD. tirese vn plano † el qual fara vn circulo en la Esphera, haga lo y sea, CDGFE, y al rededor del diametro AB. descriuase vn circulo, y juntese las lineas BE. EA.



†. 1.

AG. GB. GE. pues porque los

angulos BEA. AGB. son rectos, † por estar en semicirculos, y AE. AG. tocan las lineas BE. BG. tiradas del

† 31.3. ele.

centro en vn solo punto de la Esphera, luego los rayos visuales que salen del ojo A, caeran segun las lineas AE.

AG y porque cada vno de los angulos que esta al rededor del punto H, es recto por ser CD. paralela a EG. y

EH. igual a HG. luego si estando fixo el lado HA. se reboluiesse el triangulo HEA. hasta tornar al lugar de do

començo a mouerse sucedera que AE mouida al rededor, tocara la superficie espherica en vn solo punto E,

y se descriuira vn circulo por los puntos E. G. por lo qual de necesidad se ha de comprehender debaxo de

vn circulo aquella parte de Esphera que se vè, la qual es menor que la mitad de la Esphera: porque EFG. es me

nor que semicirculo, y asi lo que se vè desde el ojo, es menor que la mitad de la Esphera.

SCHOLI O.

† QVE si la Esphera se cortare con vn plano la comun

la perspectiua

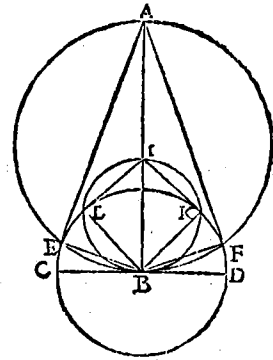
mun seció sera vn círculo , tomase como por cierto en los phenomenos, y de muéstrase en los eíphericos.

T H E O R E M A

24.

Llegandose el ojo mas cerca de la Esphera, lo que della vê es menos, y parece que vê mas.

SE A la Esphera cuyo centro B, y tirese del ojo A, al centro B, la línea AB, y por el punto B, leuátese sobre ella en angulos rectos CD. y al rededor de AB, descriuase vn círculo, y juntense AE. EB. AF. FB. y por q̄ los angulos AEB. AFB. son rectos † por estar en semicírculos luego las líneas AE, AF. tocará la Esphera en vn solo punto, y



† 31.3. elem.

por esto los rayos visuales que salen del ojo A. caeran segun las líneas AE. AF. mudese el ojo A. sobre el punto I. y al rededor de IB. descriuase vn círculo, y junten se IL. LB. IK. KB. tocaran pues la esphera I K. I L. en vn solo punto, por lo qual los rayos visuales que salen del ojo I, caeran segun I L. I K. de donde se sigue que debaxo del angulo I. se mira L K. y debaxo del angulo A. se mira E L k F. y por esto E L K F. aunque es mayor que L K. ro-

de Euclides. 18

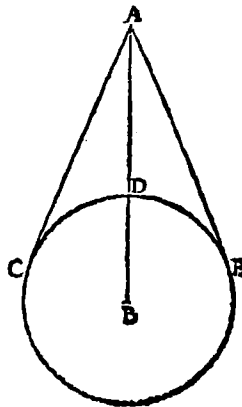
LK. toda via parece menor por ser el angulo I, mayor q̄ el angulo A, y por ser mayores las cosas que se miran de baxo de mayor angulo † luego LK. mayor parece † *s. suposic.* que EL KF. aunque es menor.

T H E O R E M A

25.

La esfera mirada desde lexos, parece circulo.

ESTE en la esfera que tenga por centro el punto B, el mayor circulo CDE. y del ojo A, falgan los rayos visuales AC. AD. AE. y porque la circunferencia CDE. parece linea recta † luego las de mas circunferencias descriptas en la esfera pareceran lineas rectas, por lo qual la esfera puesta lexos del ojo parecera circulo.



† 22. Theor.

T H E O R E M A

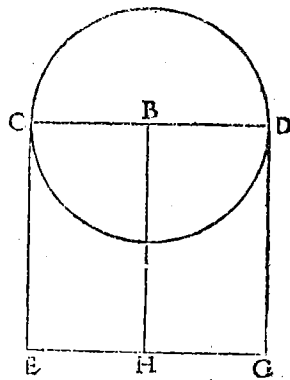
26.

E a Si cl

la perspectiva

Si el diametro de la Esphera mirada cõ entrambos ojos, fuere igual a la linea re-cta que ay entre el vno, y el otro ojo, verse ha la mitad de la Esphera.

SEA la esphera cuyo dia- metro C D. y de los puntos C. D. tirése en angulos rectos las lineas CE. DG. y por el pũ- cto E, tirese E G. paralela a C D. y pongase el vno de los ojos en E, y el otro en G. y ti- rese por el centro D, la linea D G. paralela a C E. si estan- do pues fixo el lado B H. se re- boluiere el paralelogrammo C H. hasta tornar al mesmo pũ- cto donde començo a mouerse, la figura descripta de C B. sera vn circulo que passara por el cetro de la esphe- ra, por lo qual solamente se vera la mitad de la esphera desde los ojos, G E.



SE A la esphera cuyo dia- metro C D. y de los puntos C. D. tirése en angulos rectos las lineas CE. DG. y por el pũ- cto E, tirese E G. paralela a C D. y pongase el vno de los ojos en E, y el otro en G. y ti- rese por el centro D, la linea D G. paralela a C E. si estan- do pues fixo el lado B H. se re- boluiere el paralelogrammo C H. hasta tornar al mesmo pũ- cto donde començo a mouerse, la figura descripta de C B. sera vn circulo que passara por el cetro de la esphe- ra, por lo qual solamente se vera la mitad de la esphera desde los ojos, G E.

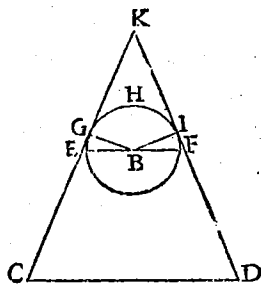
T H E O R E M A

27.

Si la distancia que ay entre los ojos, fue- re mayor que el diametro de la Esphera, verse ha mas que la mitad de la Esphera.

SEA

SEA la esfera cuyo centro B, y la distancia que ay entre los ojos sea CD. la qual sea mayor que EBF. diametro de la esfera, y por el punto E, y por CD. tirese vn plano que haga en la esfera el circulo GHI. y salgan los rayos visuales CG. DI. que la toquen en vn punto los quales alargados concurriran, por ser CD. mayor que el diametro de la esfera, concurren pues, y sea en el punto k, pues porque del punto k, caen las lineas kI, kG. que tocan la esfera en vn punto luego menor es IHG. que vn semicirculo por ser los angulos kIB. kGB. rectos, de donde resulta q̄ lo restante de la esfera que se vè de baxo de CGDI. sera mayor que la mitad de la esfera.



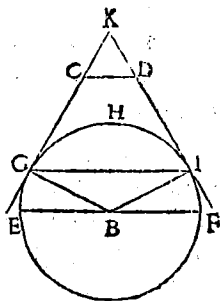
T H E O R E M A

28.

Si la distancia que ay entre los ojos, fue re menor que el diametro de la esfera, lo que se vè de la esfera, sera menor que la mitad della.

la perspectiua

SE A la esfera cuyo centro B. y la distancia de los ojos CD. la qual sea menor q̄ EBF. diametro de la esfera, y por el punto B. y por CD. tirese vn plano que haga en la esfera el circulo GHI. y de los ojos C.D. tirense CG. DI. que roquen la esfera en vn punto, y concurren entresi en el punto K; porque forçadamēte an de concurrir siendo desiguales el diametro de la esfera, y CD. y porque las lineas que caen del punto K. a la esfera comprehenden menos que la mitad de la esfera, luego GHI. sera menos que la mitad de la esfera, y por esto aquello q̄ se vè debaxo de los ojos C,D. es menos que la mitad de la esfera.



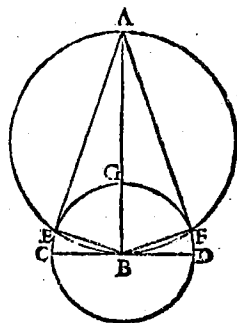
T H E O R E M A

29.

De qualquier manera que vn Cilindro se mirare con vn ojo solo, se vera menos que la mitad del.

SE A

SE A, B, centro de vn circulo, el qual sea basa de vn Cilindro, y tirese del ojo A, a B, la linea AB. y faquese con ella en angulos rectos por el punto B, la linea DC. y al rededor de AB. descriuase vn circulo, y tirense AE. EB. AF. FB. y porq̃ los angulos AEB. AFB. son rectos † las lineas AE. AF. tocaran el Cilindro en vn solo punto, y los rayos



† 31.3. elem.

que salen del ojo A, caeran segun las lineas AE. AF. por lo qual solo se vera EGF. mas EGF. es menor que el semicirculo CGD. luego EGF. menor parece que vn semicirculo que es, que la mitad de vn Cilindro, lo mesmo que de la basa, demostraremos de toda la superficie del Cilindro, y por esto siempre se vera menos que la mitad del Cilindro.

T H E O R E M A

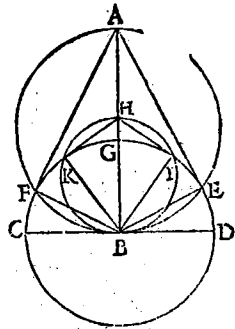
30.

Acercandose el ojo al Cilindro, vera menos que antes que se acercasse, y le parecera que vè mas.

SE A

la perspectiua

SE A, B, centro de vn circulo el qual sea bafa de vn Cilindro, y del ojo A, al centro B, tirese AB. y saque se con ella en angulos rectos por el punto B, la linea C B D, y al rededor de AB, descriuase vn circulo, y juntese las lineas A E E B. A F. F B. y por que por la precedente, siendo la circunferencia F G E. menor que vn sem:circulo se ve menos que



la mitad de la bafa, luego verse ha menos que la mitad del Cilindro, acerquese mas el ojo, y sea H, y al rededor de HB. descriuase vn circulo, y tirense H k. k B. H I. I B. y porque los rayos visuales que salen del ojo H, caen segun las lineas H K. H I. y los rayos que salen del ojo A, caen segun las lineas A F. A E. sera F G E. mayor que k G I. mas k G I. parece mayor que E G F. por ser el angulo H. mayor que el angulo A, luego aunque se vea la menor parte del Cilindro, parecera que se ve la mayor.

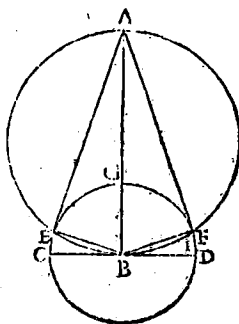
T H E O R E M A

31.

Si vn cono que tuuiere por bafa vn circulo, se mirare con vn ojo solo, verse ha menos que la mitad del cono.

SE A

SEA, B, centro de vn circulo, el qual sea bafa de vn cono, y del ojo A, al centro B, tirese la linea AB. y por el pũcto B, faquese CBD. en angulos rectos con A B. y al rededor de AB. descrivaſe vn circulo, y tirense las lineas AE. EB. AF. FB. y porq̃ los angulos AEB. AFB. son rectos por estar en semicirculos, luego las lineas AE. AF.



tocaran el circulo en vn solo pũcto, y los rayos visuales que salen del ojo A, caeran segun las lineas AF. AE por lo qual lo que se vè que es EGF. sera menor que CGD. mas CGD. es semicirculo, luego EGF. sera menor que semicirculo, y por esto lo que se vè del cono es menos que la mitad del, lo mesmo demostraremos en los de mas circulos que estan en la superficie del cono.

T H E O R E M A

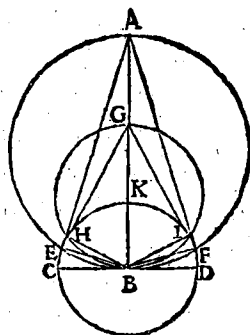
32.

Si el ojo se acercare al cono en vn mesmo plano, vera menos que antes que se acercasse, y parecera que vè mas.

F SEA

la perspectiua

SE A basa del cono vn circulo q̄ tenga por centro el punto B, y sea el ojo A, y de A, a B, tirese A B. y saque se con ella en angulos rectos por el p̄cto B, la linea CD. y al rededor de AB. descriuase vn circulo, y tirense A E. E B. A F. F B. y mudese el ojo del punto A, al punto G, y al rededor de G B. descriuase otro circulo, y tirense las li-



neas G H. H B. G I. I B. y porque los rayos visuales que salen del ojo A. caen segun las lineas A E, A F. luego desde el punto A, se vera E K F. de la mesma suerte, porq̄ los rayos visuales que salen del punto G, caen segun las lineas G H. G I. verse ha desde el punto G. la parte H K I. de donde se sigue que aunque E K F. es mayor que H K I. con todo esso parece menor por ser el angulo H G I. mayor que el angulo E A F. †

† 2. 1. elem.

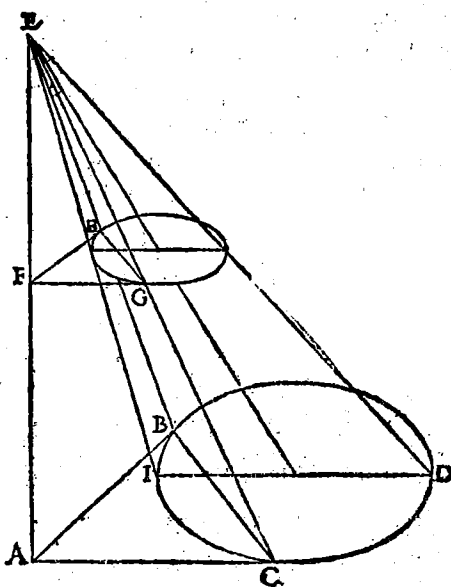
T H E O R E M A

33.

Si a la basa circular de vn cono se tiraren desde el ojo rayos visuales que toqué la mesma basa, y de los puntos donde los rayos visuales tocan la basa se tiraren lineas rectas por la superficie del cono hasta su

ta su vertice, y por estas lineas, y por los rayos que salen desde el ojo a la basa del cono se tiraren planos, y en la comun seccion de los planos se pusiere el ojo, aquello que se viere del cono siempre parecera igual.

SEA vn cono que tēga por basa el circulo BD. y su vertice sea el punto E, y el ojo sea A, del qual salgā los rayos visuales AB. AC. que toquen el mesmo circulo en los pñtos B. C. y tiradas desde ellos a la vertice del cono las lineas rectas CE. BE. estiendaſe vn plano por BE, BA. y otro por CE. CA. y porq̄ forçofamēte an de concurrir estos planos por concurrir las lineas BE. EC. y tambien BA. AC. concurren pues, y cortense entrefi, y sea la comun seccion dellos la línea EA. digo que donde quiera que en EA. se pusiere el ojo lo que se viere del cono pa-



recera

la perspectiua

recera siempre igual, pongase el ojo en vn punto de la linea EA. y sea en F, y por el punto F, tirese FG. paralela a AC. y FH. paralela a AB. tocan pues FG. FH. la superficie del cono en los puntos G. H. y porq̄ las secciones de los circulos paralelos en la superficie del cono son similes, luego las distancias que se ven en la superficie del cono parecerã iguales, por ser el angulo HFG. comprehendido de los rayos visuales FG. FH. igual al angulo BAC. comprehendido de los rayos visuales AB. AC. † por lo qual en el cono la distancia HG. parecera igual ala distancia BC. † y así donde quiera que en la linea recta EA. se pusiere el ojo siempre parecera igual lo que viere.

† 10. II. el.

† 5. *suposic.*

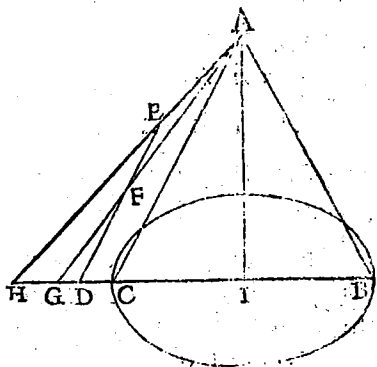
T H E O R E M A

34.

Si mouiendose el ojo sobre vna linea recta equidistante a la superficie del cono, se leuantare en alto, lo que viere del cono, parecera menor, y abaxandose parecera mayor.

S E A

ESTE la vertice del cono en el punto A, y sea la basa vn circulo, y tirese ED. paralela a AC. y pógase el ojo en E, digo que lo que se viere del cono parecera menor quando se pusiere el ojo en E, q̄ quando se pusiere en F, tirense de los puntos E.F. las líneas rectas AE. AF. y alarguen se hasta los puntos G.H. y porque las partes que se ven del cono parecē desiguales poniendose el ojo vna vez en H, y otra en G, porque la parte que se vè desde H, parece menor, y la que se vè desde G, parece mayor por ser el angulo AHD. menor q̄ el angulo ACD. † y la parte que se ve desde el punto H. es igual a la que se vè desde el punto E, y la parte que se vè desde el punto G. es igual a la que se vè desde el punto F, como se demostró en la precedente, luego puesto el ojo en el punto E, menor parte del cono parecera que vè, que puesto en F.



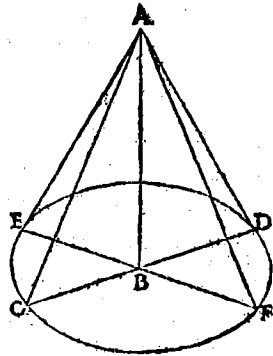
† 16. 1. elem.

T H E O R E M A

la perspectiua

Si del centro de vn circulo se leuanta-
re vna linea recta en angulos rectos so-
bre el mesmo plano del circulo, y el ojo se
pusiere en la mesma linea recta, los diame-
tros del circulo pareceran iguales.

SE A vn circulo que ten-
ga por centro el punto B, y
desde B, leuãtise en angulos
rectos sobre el plano del mes-
mo circulo la linea AB. y pue-
to el ojo en el punto A, tiren-
se los diametros DC. EF. digo
que DC. parecera igual a EF.
tirense las lineas AD. AF. AC.
AE. y porque las dos lineas re-
ctas AB. BF. son iguales a las
dos AB. BC. cada vna, a cada
vna, y el angulo ABC. es igual al angulo ABF. sera la
basa AF. igual ala basa AC. † por la mesma razón sera AE.
igual a AD. por lo qual las dos EA. AF. seran iguales a
las dos DA. AC. y es EF. igual a CD. sera pues tambien
el angulo EAF. igual al angulo DAC. † mas las cosas
que se miran debaxo de iguales angulos parecen igua-
les, † luego igual parecera CD. a EF.



† 4. l. elem.

† 8. l. elem.

† 7. suposic.

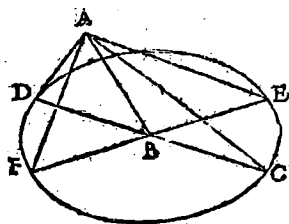
THEO.

T H E O R E M A

36.

Si el ojo se pusiere en la extremidad de vna linea recta, leuantada de tal manera del centro de vn circulo, que no haziendo angulos rectos con el plano donde esta, sea igual al semidiametro del circulo, los diametros parecieran iguales.

SEA vn circulo que tenga por cétro el pũcto B, y desde B, leuantese B A. que no haga angulos rectos con el mesmo plano, sino que sea igual al semidiametro del circulo, y del punto A. tirense como en la precedente las lineas rectas CA. AD. AF. AE. y porque

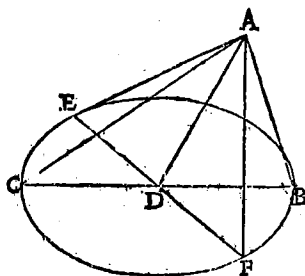


FB. BA. BE. son iguales entresi, sera recto el angulo E A F. † y por la mesma razon sera recto el angulo † 31.3 elem. DAC. por lo qual estos dos angulos seran iguales entresi, mas las cosas que se mirã debaxo de iguales angulos parecen iguales † luego FE. parecera igual a DC. † 7. suposic.

SEA

la perspectiua

SE A agora otra linea AD. que ni sea igual al semi-diametro del circulo, ni este en angulos rectos con el plano del mesmo circulo, sino q̄ solamente haga iguales entre si los angulos BDA. ADE. y ni más ni menos los angulos FDA ADC. digo que desta manera también los diametros



parecerán iguales, porque siendo BD. igual a DE. y AD. común a entrambas, y haziendo con ellas los angulos iguales, sera la basa BA. igual a la basa EA. † y el angulo BAD. igual al angulo DAE. † de la mesma manera demostraremos que el angulo FAD. es igual al angulo DAC. por lo qual todo el angulo BAC. sera igual a todo el angulo FAE. y por esto los diametros parecerán iguales † siempre que el rayo que vâ desde el ojo al centro del circulo hiziere angulos iguales con los diametros, ora este perpendicular al plano del circulo, ora no.

† 4. I. elem.

† 8. I. elem.

† 7. suposic.

T H E O R E M A

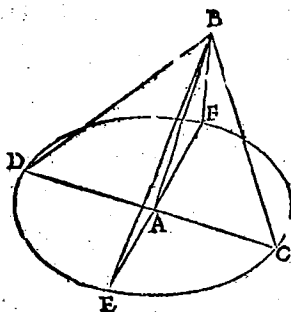
37.

Si el rayo visual que vâ desde el ojo al centro del circulo, no fuere perpendicular al plano del circulo, ni igual al semi-diametro del circulo, ni hiziere angulos iguales con los semidiametros, sino que fuere

de Euclides. 25

fuere mayor, o menor que el semidiámetro, los diámetros pareceran desiguales.

SE A vn circulo cuyo centro A, y del ojo B. al centro del circulo, tirese BA. que ni haga angulos rectos con el plano, del circulo, ni sea igual al semidiámetro del circulo, ni haga angulos iguales cō los semidiámetros, digo q̄ los diámetros del mismo circulo pareceran desiguales, tirese el diámetro,



DC. que haga angulos rectos con AB. y tirese EF. que los haga desiguales cō la mesma AB. y tirese BD. BE. BF. BC. y sea lo primero BA. mayor que el semidiámetro AF. y porque el angulo DBC. es mayor que el angulo FBE. como se demuestra en el theorema, y las cosas que se miran con mayor angulo, parecen mayores, † luego mayor parece DC. que EF. también si BA. fue † 5. suposic. re menor que AF. pareciera mayor EF. que DC.

Para la demostracion destas cosas es necessario saber primero lo que se sigue.

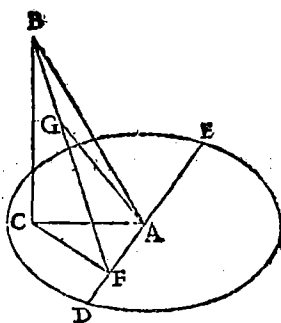
Si desde el ojo puesto en el ayre cayeren dos lineas rectas, La vna que vaya al

G centro

la perspectiva

centro del circulo de tal manera que no sea perpendicular al plano del mismo circulo, y la otra que sea perpendicular al dicho plano, y desde el punto donde cae la perpendicular setirare vna linea recta al centro del circulo, el angulo comprehendido desta linea, y de la que sale del centro al ojo, es el menor de todos los angulos cōtenidos de la dicha linea que sale del centro al ojo, y de las lineas que pasan por el centro.

SEA vn circulo cuyo centro A, y el ojo sea B, del qual se tire vna perpendicular al circulo que no cayga sobre el centro A, sino fuera del, y sea BC. y tirese de C, a A, la linea CA. y de A, a B, la linea AB. digo que el angulo CAB. es el menor de los angulos que hazen todas las lineas que pasan por el punto A, con la linea BA. tirese la linea recta DAE. y tirese del punto C, sobre DE. la perpendicular CF. que este en el mismo plano que DE. y juntese la linea recta BF. † luego B F. sera perpendicular a la li-



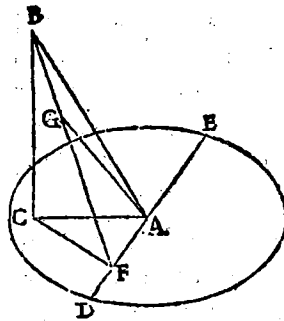
la línea D E. y porque el ángulo C F A. es recto se-
 ra el ángulo A C F. menor que recto y así el lado
 A C será mayor que el lado A F † por lo qual B A. a A F. † 19. 1. elem.
 tendrá mayor proporción que a A C. † mas los dos an- † 8. 5. elem.
 gulos A C B. B F A son rectos, y las líneas rectas C A.
 A F. son desiguales † luego el restante ángulo F A B. † B.
 será mayor que el restante C A B. de la misma manera
 demostraremos que el ángulo C A B. es el menor de to-
 dos los ángulos que hazen las líneas tiradas por el pun-
 to A. con la línea A B.

L E M M A

1.

† Que F B. haga ángulos rectos con D E.
 lo demostraremos así.

† Porque B C. haze ángu-
 los rectos con el plano del cir-
 culo luego todos los planos
 que pasan por la línea B C.
 harán ángulos rectos con el
 plano del círculo, † mas el triá-
 ngulo B C F. es vno de los pla-
 nos q̄ pasan por la línea B C.
 luego el triángulo B C F. hará
 ángulos rectos. cō el plano del
 círculo, y porque estos dos planos conuen-
 nen a saber el



† 1.

† 18. 11. el.

C 2

plano

la perspectiua

plano ED. y el plano del triangulo BCF. se cortan entresi, y con la comun seccion que es CF. haze angulos rectos. DE. en el plano del circulo por auerse tirado CF. perpendicular a ED. seguirse ha que ED. hara angulos rectos con el plano del mesmo triangulo BCF. † por lo qual con todas las lineas que los tocan en el mesmo plano del triangulo BCF. hara angulos rectos † y ansi DE. hara angulos rectos con FB. y conuertiendo FB. hara angulos rectos con DE. diametro del circulo.

† 18. 11. el.

† 3. def. 11. el.

L E M M A

2.

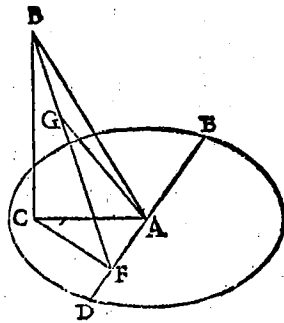
† B.

† Tambien demostraremos que el angulo FAB. es mayor que el angulo CAB.

S E A N dos triangulos BCA. BFA. que tengan rectos los angulos BCA. BFA. y tenga BA. mayor proporcion a AF. que a CA. digo que el angulo FAB. es mayor que el angulo CAB. porque BA. a FA. tiene mayor proporció q̄ a CA. tendra conuirtiendolo FA. a AB. menor proporcion que CA. a AB. † por lo qual

† 18. 5. elem.

CA. a AB. tendra mayor proporcion que FA. a AB. hagas como CA a AB. asi FA. a vna linea menor que AB. la qual sea AG. seran pues equiangulos los triangulos BCA.



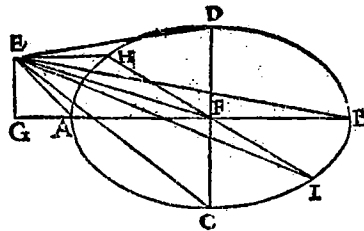
BCA. GFA. y por esto el angulo CAB. sera igual al angulo FAG. † y asi todo el angulo FAB. sera mayor q̄ el angulo CAB. con esto demostraremos lo que se sigue. † §. 6. elem.

T H E O R E M A

38.

Si el rayo visual que sale del ojo al centro del circulo hiziere angulos desiguales con diuersos diametros, y no estuuie- re perpendicular sobre el plano del circulo , y fuere mayor que el semidiametro, sus diametros parecieran desiguales, y a- quel parecera mayor, sobre el qual fuere perpendicular el rayo que sale desde el ojo al centro.

Sea vn circulo ABCD. y tirense dos diametros AB. CD. que se corten en tresi en angulos rectos, y sea el ojo E, desde el qual hasta el centro salga la linea recta EF. de tal ma- nera que haga angulos re- ctos con CD. y angulos cualesquiera con AB. y sea EF.



mayor que el semidiametro del circulo, y porque CD.

G 3

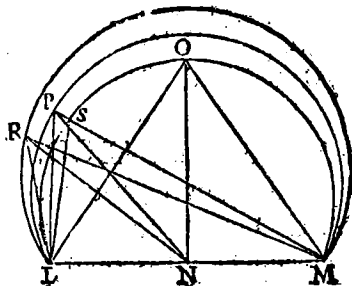
haze

la perspectiua

†18. ii. el.

haze angulos rectos con la vna, y otra de las lineas A B E F. luego todos los planos que pasan por la linea C D. haran angulos rectos con el plano que passa por las lineas E F. A B. † ti ese del punto E, al sujeto plano vna perpendicular la qual caera sobre la comun seccion de los planos cayga pues, y sea E G. y tirese el diametro H I. y tomese la linea L M. igual al diametro del circulo, y corte-se por medio en el punto N y desde el leuarese en alto la linea N O que haga angulos rectos con L M y sea N O. igual a E F. eguirse ha pues que descripro vn segmento de circulo al rededor de L M que passe por el punto O, sera mayor que el semicirculo por ser N O. mayor que cada vna de las lineas L M. M N. sea este segmento L O M. y juntense las lineas O L. O M. luego el angulo puesto en el punto O, contenido de las lineas L O. O M. sera

igual al angulo puesto en el punto E, contenido de las lineas tiradas del punto E, a los puntos C. D. que es al angulo CED hagase demas desto el angulo L N P. contenido de las lineas L N. N P. igual al angulo E F H. contenido de las li-



Porq̄ descripto vn segmento por los puntos CED sera similitud al segmento L O M. y los angulos en si son iguales por la. 11. diff. del. 3. de los elem.

†23. i. elem.

neas E F. F H. † y tomese N P. igual a E F. y juntense las lineas rectas L P. M P. y al rededor del triangulo L P M. descriuase vn segmento de circulo L P M sera pues el angulo del punto P, igual al angulo H E I. hagase el angulo

gulo LNR. igual al angulo EFA. y cortese NR. igual a EF y juntese las lineas rectas LR. RM. y al rededor del triangulo LRM. descriualse vn segmento de circulo LRM. † sera pues el angulo del punto R, igual al angulo AEB. contenido de las lineas AE. EB. y porque el angulo LOM. es mayor que el angulo LPM. por ser el angulo LOM. igual al angulo LSM. † en estar ambos en vn mismo segmento de circulo, y ser el angulo LSM. mayor que el angulo LPM. † por ser angulo exterior del triangulo LPM. luego el angulo LOM. sera mayor que el angulo LPM. mas el angulo LOM. es igual al angulo CED. y el angulo LPM. igual al angulo HEI. luego el angulo CED. mayor es que el angulo HEI. por lo qual el diametro CD. parecera mayor que el diametro IH. † demas desto porque el angulo LPM. es igual al angulo HEI. y el angulo LRM. igual al angulo AEB y el angulo LPM. es mayor que el angulo LRM. luego el diametro HI. mayor parecera que el diametro AB. †

† 5.4. elem.

† 21.3. elem.

† 16.1. elem.

† 5. suposic.

† 5. suposic.

T H E O R E M A

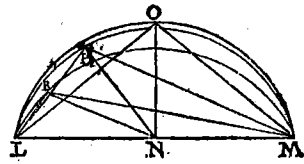
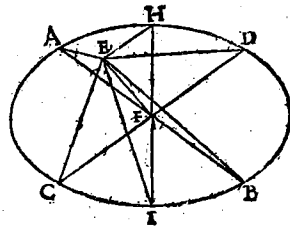
39.

Sila

la perspectiua

Si la linea recta que se tirare del ojo al centro del circulo no fuere mayor que el semidiametro, sino menor, sucedera lo contrario a los diametros, porque aquel diametro que parecia mayor parecera menor, y el que parecia menor parecera mayor.

SEA el circulo ABCD. en el qual se tiren dos diametros que se corté entre si con angulos rectos, y seã AB. CD. y sea otro diametro HI. y el ojo sea E, del qual hasta el centro F. tirada la linea EF. sea menor que el semidiametro, y haga angulos rectos con el diametro CD. y pongase la linea recta LM. igual al diametro del circulo, y cortese por medio en el punto N, y desde el punto N, leuante-se en angulos rectos la linea NO. igual a la linea EF. y al rededor de LM. y del punto



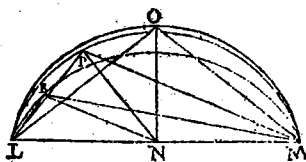
O, descriuase vn segmento de circulo LOM. sera pues esta seccion menor que el semicirculo por ser NO. menor que el semidiametro, sea pues este segmento. LOM.

y jun-

y juntense las lineas rectas OL. OM. luego el angulo O, contenido de las lineas LO, OM. sera igual al angulo E, contenido de las lineas rectas CE. ED. hagase el angulo LNP. igual al angulo EFH. † y cortese NP. igual a EF. y junrense las lineas rectas LP. MP. y al rededor

† 23. 1. elem.

de la linea LM. y del punto P, descriuase el segmento de circulo LPM. sera pues el angulo puesto en el punto P, contenido de las lineas LP. PM. igual al angulo puesto en el punto E, contenido de las



lineas IE. EH. hagase finalmente el angulo LNR. igual al angulo AFE. y cortese NR. igual a EF. y juntense las lineas rectas LR. RM. y al rededor del triangulo LR M. descriuase el segmento de circulo LR M. y sera el angulo puesto en el punto R, contenido de las lineas LR. RM. igual al angulo puesto en el punto E, contenido de las lineas A E. EB y porque el angulo LOM. es menor q̄ el angulo LPM. y el angulo LPM. es igual al angulo I E H. y el angulo LOM. es igual al angulo CED. luego menor parecera el diametro CD. que el diametro HI. † de la mesma manera porque el angulo del punto E, contenido de las lineas IE. EH. es menor que el angulo del punto E, contenido de las lineas A E. EB. luego menor parecera el diametro HI. que el diametro AB. †

† 6. suposic.

† 6. suposic.

T H E O R E M A

40.

H

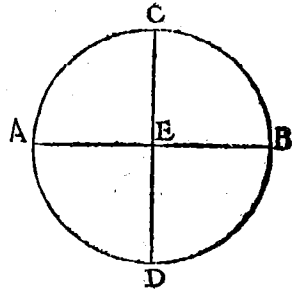
Las

la perspectiua

Las ruedas de los carros vnas vezes pa
recen circulares, y otras, ouadas.

SE A vna rueda cuyos dia
metros A B. C D. y porque el
rayo visual que sale del ojo al
centro dela rueda, o siédo per
pendicular al plano de la ruede,
o igual a su semidiámetro
haze que parezcan sus diame
tros iguales, como se demof
tro en el precedente theore
ma, luego mirada la rueda def
ta manera parecera circular,

mas si el carro se tirare con velocidad, y el rayo que sale
desde el ojo al centro, ni fuere perpendicular al plano
de la rueda, ni igual a su semidiámetro, sus diámetros
pareceran desiguales, como se demostro en el mesmo
Theorema precedente, por lo qual la rueda parecera
ouada.



T H E O R E M A

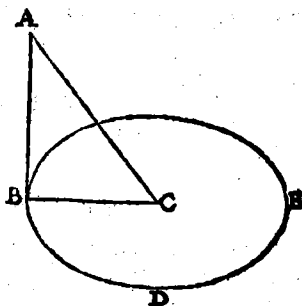
41.

Si vna grandeza puesta en alto hiziere
angulos rectos con el sujeto plano, y
puesto el ojo en algun punto del dicho
plano, la tal grandeza se reboluiere al re
dedor

de Euclides. 30

dedor del como al rededor de centro de
circulo, parecera siempre igual.

ESTE la mirada grande
za AB. mas alta que el subjero
plano, y el ojo sea C, y junte-
se la linea recta CB. y sobre el
centro C, con la distancia CB.
descriuase vn circulo BDE. di
go que si la grandeza AB. se
reboluiere por la circunferē-
cia del circulo que parecera
siempre igual al ojo C. porque



la grandeza AB. es perpendicular al subieto plano lue
go hara con la BC. que esta en el plano del circulo angu-
lo recto, † y ansi todas las lineas que cayeren del cētro
C. sobre la grandeza AB. haran angulos iguales entresi
por lo qual la grādeza mirada parecera siempre igual, †
lo mesmo sera si del centro C, se leuantare en alto vna
linea recta que sea paralela a la grandeza mirada, y en
lo alto della se pusiere el ojo, porque la grandeza moui-
da por la circunferencia del circulo parecera siempre
igual.

† 3. diff. II. el:

† 7. suposic.

T H E O R E M A

42.

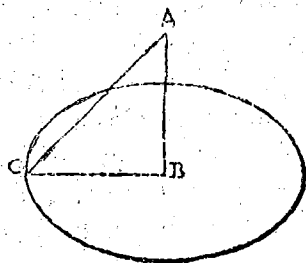
H e

Si vna

la perspectiua

Si vna mirada grandeza fuere perpendicular al sujeto plano, y el ojo se mouiere por la circunferencia de vn circulo cuyo centro sea aquel punto dõde la tal grandeza toca el plano, la dicha grandeza parecra siempre igual.

E S T E la mirada grandeza AB . puesta en alto de tal manera que haga angulos rectos cõ el sujeto plano, y el ojo sea C , y sobre el centro B , con la distancia BC . descriuase vn circulo, digo que si el ojo C , se mouiere por la circunferencia del circulo que la grãdeza AB . parecra siẽpre igual



y esto esta manifiesto, porque todos los rayos visuales que van del punto C , a AB . hazen cõ ella angulos iguales por ser recto el angulo del punto B , y assi la grandeza mirada ha de parecer siempre igual. †.

†. 7. *suposic.*

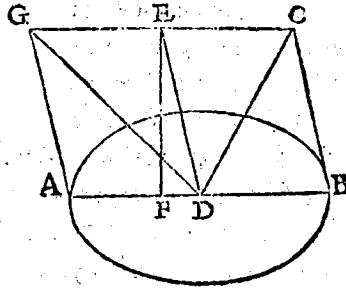
T H E O R E M A

43.

Si la grandeza mirada no fuere perpendicular al sujeto plano, y se mouiere al

re alrededor de la circunferencia del circulo, siempre parecera desigual.

SEA el circulo AB; y tomado en su circunfe-
rencia el punto B, leuan-
tase la linea recta BC. q̄
no haga angulos rectos
cō el circulo, y sea el ojo
D, digo que si la grande-
za BC. se mouiere por la
circunferencia del circu-
lo que vnas vezes pare-



cera mayor, y otras menor, porque BC. o es mayor que
el semidiametro, o menor, o igual, sea lo primero ma-
yor que el semidiametro, y tirese del centro D, la linea
recta DE. igual, y paralela a BC. † y tirese del punto E,
al sujeto plano la perpendicular EF. † que toque el
plano en el punto F, y juntada la linea recta D F. alar-
guese hasta juntarse con la circunferencia en el punto
A, y del punto A, tirese AG. paralela a ED. y sea AG.
igual a BC. digo que AG. parecera la menor de todas
las lineas rectas mouidas por la circunferencia del cir-
culo, juntense las lineas rectas EC. DC. GE. GD. y por-
que tenemos demostrado en el theorema junto al tri-
gesimo septimo que entre todas las lineas que pasan
por el punto D, y hazen angulos cō la linea ED. el me-
nor de todos es el angulo EDA. y es ED. igual, y para-
lela a GA. luego AD. igual es y paralela a GE. † por lo
qual GD. sera paralelogrammo, por la mesma razon es

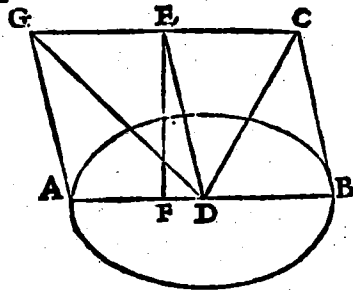
† 31.1. elem.
† 11.11. elem.

† 33.1. elem.

H 3 parale-

la perspectiua

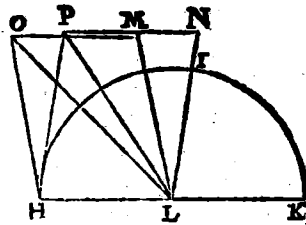
paralelogrāmo CD . y porq̄ se ha de demostrar que AG . parece menor q̄ CB . manifesto es ta q̄ se ha de demostrar primero que el angulo GDA . es menor q̄ el angulo $CD B$. y esto q̄da



probado, porq̄ entre todas las lineas que passan por el pũcto D . y hazen angulos con la linea ED . el menor es EDA . luego el angulo EDA . es menor que el angulo $ED B$. pongase el segmento de circulo HIK . igual al semicirculo, y tomado su centro L , hagase el angulo HLM

† 23. i. elem.

igual al angulo EDA . † y el angulo HLN . igual al angulo $ED B$. y sea cada vna de las lineas $MLNL$. igual a CB . y por el pũcto M , tirese MO .



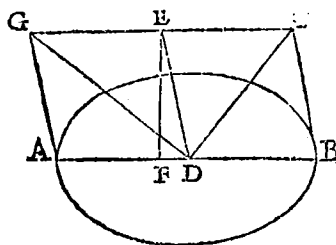
† 31. i. elem.

igual y paralela a HL . † y tirese OH . luego sera paralelogrammo LO . y igual, y semejante al paralelogrammo GD . demas desto por el pũcto N , tirese NP . igual y paralela a LH . y juntese la linea recta PH . sera pues el paralelogrammo PL . igual, y semejante al paralelogrammo CD . tirense las diagonales OL . LP . y sera el angulo HLO . menor q̄ el angulo HLP . mas el angulo HLO . es igual al angulo ADG . y el angulo HLP . igual al angulo BDC . luego el angulo ADG . menor es que el angulo BDC . por lo qual la grandeza AG . parecera menor que la grandeza BC . † de la mesma manera demostraremos que GA . es menor que BC . si la mesma BC . se

† 6. suposic.

pusiere

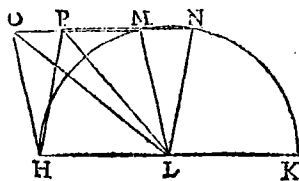
pusiere igual o menor que el semidiametro, sea agora BC. igual al semidiametro, y haganse las demas cosas q̄ en la passada, y p̄ogase el semicirculo HNK. igual al semicirculo del otro circulo, y tomese su centro L, y por que BC. se ha p̄uesto igual al semidiametro del circulo, luego B, C. sera igual a H L. pongase el angulo HLM. igual al angulo EDA. † y tirese MO. igual y paralela a H L. † y estienda se la linea recta OH.



† 23. i. elem.

† 31. i. elem.

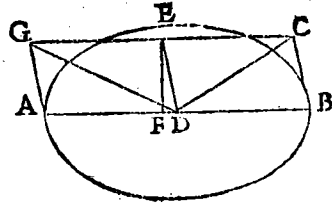
y pongase tambien el angulo H L N. igual al angulo E D B. y tirese la linea recta N P. igual y paralela a LH. y tirese PH. sera pues paralelogrãmo cada vno de los H N, H M. y ambos iguales y semejantes a los paralelogrãmos DG, DC. y asi siẽdo el angulo H L N. igual al angulo E D B. y el angulo H L M. igual al angulo E D A. y siẽdo tãbiẽ el angulo E D A. menor que el angulo E D B. sera el angulo H L M. menor que el angulo H L N. tirense los diametros O L, LP. y sera el angulo H L O. menor que el angulo H L P. mas el angulo H L O. es igual al angulo A D G. y el angulo H L P. igual al angulo B D C. luego el angulo A D C. menor es que el angulo B D C. por lo qual la grandeza A C. parccera menor que la grandeza B C. lo qual se auia de demostrar.



SEA

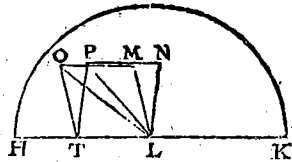
la perspectiua

S E A finalmente BC. menor que el semi diametro del circulo, y hagãse las demas cosas que arriba, y poga fe el segmento HOK. igual al semicirculo, y tome se L, cétro del cir



culo, y correse de la HL la linea LT. igual a BC. y haga fe el angulo HLM. igual al angulo EDA y el angulo HLN. igual al angulo EDB. y sea cada vna de las lineas LM. LN. igual a BC. y por el pũcto M. tirese MO. igual y paralela a LT. y juntese TO. y tirese por el punto N. la linea NP. igual, y paralela a LT. y tirese TP. serã pues dos paralelogrammos MT.

TN. de los quales MT. es igual, y semejante a GD. y TN. a DC. † por ser el angulo HLM. igual al angulo EDA. y el angulo HLN. igual al angulo EDB. y es el angulo



EDB. mayor que el angulo EDA. luego el angulo HLN. mayor es que el angulo HLM. juntense LO. LP. y seguirse ha que el angulo TLO. fera menor que el angulo TLP. mas el angulo TLO. es igual al angulo ADG. y el angulo TLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es q̄ el angulo BDC. empero la grandeza AG. semira desde el angulo ADG. y la grandeza BC. desde el angulo BDC. luego la grandeza AG. menor parecera que la grandeza BC. lo qual conuenia

† 1. diff. 6. el.

† 6. suposic. demostrar. †.

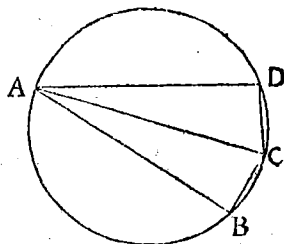
THEO-

THEOREMA

44.

Vn lugar ay donde estando el ojo fixo , aunque la cosa mirada se mude de vna parte a otra, le parecera siempre igual.

SEA la grandeza mirada BC y el ojo sea A, de qual salgan los rayos visuales AB. AC. y al rededor del triangulo ABC, descriuase el circulo ABCD. † digo que aunque la grandeza BC. se mude a otra qualquiera parte de la circunferencia del circulo descrito



† 5. 4. elem.

parecera siempre de vna mesma cantidad , mudese BC. a CD. y juntese DA. igual sera pues la circunferencia BC a la circunferencia DC. † y por esto tambien el angulo CAB. sera igual al angulo CAD. † mas las cosas q se miran debaxo de angulos iguales, parecen iguales, † luego la grandeza CB. igual parecera ala grandeza CD.

† 28. 3. elem.

† 27. 3. elem.

† 7. suposic.

THEOREMA

45.

I

Algun

la perspectiva

Vn lugar ay donde la cosa vista estando fixa aunque el ojo se mude, parecera siempre igual.

Sea la grandeza mirada BC. y el ojo sea A, del qual salgã los rayos visuales AB. AC. y alrededor del triangulo BAC. descriuase el segmento de circulo



† 5.4. elem. BDAC, † y mudese el ojo del

pũto A, al punto D, y salgã los rayos visuales DB. DC. y porq̃ el angulo BDC. es igual al angulo CAB. por estar en vn segmento de circulo, y las cosas que se miran de-

† 21. 3. elem.

baxo de angulos iguales parecen iguales † luego igual parecera siempre la grandeza BC. mudado el ojo por la circunferencia BDAC.

† 7. suposic.

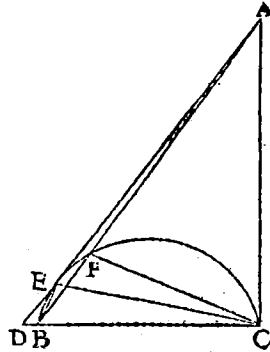
T H E O R E M A

46.

Vn lugar ay donde si se mudare el ojo aunque la cosa que mira no se mueua le pareccra desigual.

SEA

SE A la grandeza mirada BC. la qual alargada concurra con ella la linea recta AD. y tomese entre C.D. DB. vna media proporcional DE. † y juntese las lineas rectas EB. EC. y descriuase en torno de BC. vn segmento de circulo que reciba el angulo agudo EBC. † luego la linea recta AD. tocara el circulo † por ser como. CD. a DE. assi



† 13.6. el.

† 33.3. elem.

† 37.3 el.

DE. a DB pongase el ojo en el punto A, del qual salgan los rayos visuales AB. AC. y juntese FC. y porque el angulo BEC es igual al angulo BFC. † por estar en vn segmento de circulo, y el angulo BFC. es mayor que el angulo BAC. † luego tambien el angulo BEC. sera mayor que el angulo BAC. por lo qual la grandeza BC. mayor le parecera al ojo puesto en el punto E, que en el punto A, †

† 21.3. elem.

† 16.1. elem.

† s. suposic.

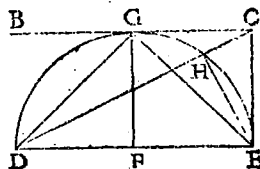
T H E O R E M A

47

Lo mesmo sucedera si la linea por don de passa el ojo fuere paralela a la grandeza mirada.

la perspectiua

SE A la linea BC. paralela a la grandeza mirada DE. y cortese DE. por medio en el punto F † dela qual se leuante en angulos rectos FG. † y puesto el ojo en el punto G. tirense las lineas rectas G D.



† 10. 1. el.

† 11. 1. elem.

† 33. 1. elem.

Cor. 16. 3. el.

† 21. 3. elem.

† 16. 1. elem.

† 5. suposic.

G E. y descriuase al rededor de DE. vn segmento de circulo que reciba el angulo DGE. † y porque la linea FG. es semidiametro, y de la extremidad de FG. se ha tirado BC. en angulos rectos con ella luego BC tocara el semicirculo DGE. † mudese el ojo al punto D, del qual falgan los rayos visuales CD. CE. y tirese la linea recta HE. y porque el angulo DGE. es igual al angulo DHE. † y el angulo DHE. es mayor que el angulo DCE. † luego el angulo DGE. mayor es que el angulo DCE. mas las cosas que se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores, † mayor parecera pues DE. puesto el ojo en el punto G, q̄ puesto el ojo en el punto C, por lo qual discurriendo el ojo por la linea BC. paralela a DE. la cosa mirada parecera desigual.

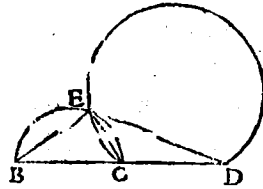
T H E O R E M A

48.

Vn comun lugar ay de donde las grandeas iguales parecen desiguales.

SEA

SE A, BC. igual a CD. y al rededor de BC. descriuase vn segmento de circulo B E C. y al rededor de CD. descriuase otro segmento de circulo mayor que vn semicirculo, y juntese las lineas rectas EB. E C.



E D. y porque el angulo del semicirculo es mayor q el angulo del mayor segmento, † y las cosas q se miran de baxo de mayor angulo parecen mayores, † luego puesto el ojo en el punto E, mayor parece BC. que CD. sien do igual a ella, de dõde se sigue que ay vn comun lugar de donde las grandezas iguales parecen desiguales.

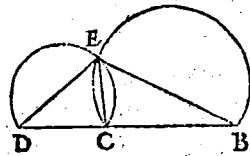
† 31. 3. elem.
† 5. suposic.

T H E O R E M A

49.

Vn comun lugar ay de donde las grandezas desiguales parecen iguales.

SE A, BC. mayor que CD. y al rededor de B C. descriua se vn segméto de circulo mayor que vn semicirculo, y al rededor de C D. descriuase otro segmento de circulo semejante al que se descriuio en torno de B C. † cõuienea



faber que reciba el angulo CED. igual angulo CEB. y juntente las lineas rectas EB. EC. E D. y porque los an-

† 33. 3 elem.

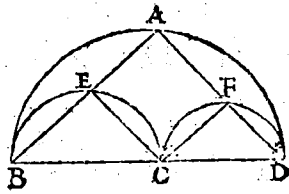
la perspectiua

gulos que estan en semejantes segmentos son iguales en tresi luego los angulos de los segmentos BEC. CED. se ran iguales entresi, mas las cosas que se mirã debaxo de iguales angulos parecen iguales, † por lo qual puesto el ojo en el punto E, igual parecera BC. a CD aunque es mayor que ella, luego abra vn comun lugar de donde las grandezas desiguales parecen iguales.

T H E O R E M A 50.

Algunos lugares ay, desde los quales vna grandezza compuesta de dos grandezas desiguales, parece igual acada vna de las grandezas desiguales.

SE A, B C. mayor que CD.
y al rededor de cada vna de ellas descriuanse semicirculos, y tambien sobre toda la linea BD. y porq̃ el angulo BAD. es igual al angulo BEC. que esta en el semicirculo † por ser cada vno dellos recto, luego igual parece BC. a BD. y ni mas ni menos BD. a CD. puestos los ojos en los semicirculos B A D. C F D. por lo qual abra algunos lugares de los quales vna grandezza compuesta de dos grandezas desiguales parece igual a cada vna de las desiguales grandezas.



T H E O -

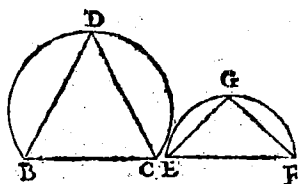
de Euclides. 36

T H E O R E M A

51.

Hallar lugares desde los quales vna mesma grandeza parezca, menor la mitad, o la quarta parte, y precisamente en la dada razon, segun la qual se corta el angulo.

SE Avna linea recta EF. y alrededor de EF. descriuase vn qualquier segmento de circulo, y en el hagase el angulo EGF. y tomele BC. igual a EF. y alrededor de BC. descriuase vn segmento de circulo



que reciba vn angulo el qual sea la mitad del angulo ECF. † pues porque el angulo EGF. es duplo del angulo BDC. luego puestos los ojos en las circunferencias EGF. BDC. parecera EF. dupla de BC. † 33.3. *alem.*

T H E O R E M A

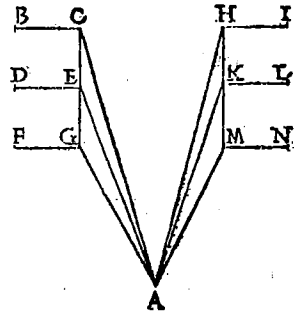
52.

Entre las grandezas que puestas junto al ojo en vna mesma linea recta, se mueue con igual presteza, la vltima parecera q̄ vâ delâte de todas las demas, pero si se mudaren al

la perispectiua

ren al contrario, la que antes yua delante, parecera quedarſe atras, y la que ſe quedaua atras parecera que va delante.

M V E V A N ſe con igual preſteza B C. D E. F G. y ſalgan del ojo A, los rayos viſuales A C. A E. A G. y porque A C. eſta mas a mano derecha y mas alto. entre los rayos viſuales q̄ ſalen del ojo A, luego B C parecera yr de lâte de todas las demas †



† 10. *ſuppoſic.*

pero ſi ſe mouieren al contrario de tal manera que B C D E. F G. ſe muden ſobre H I. K L. M N. y ſalieren los rayos viſuales A H. A K. A M. entre todos eſtos rayos viſuales que ſalen del ojo

† 10. *ſuppoſic.*

A, parecera mas amano derecha A M. † y mas amano izquierda A H † y entôces M N. parecera yr delante, y H I quedarſe atras, por lo qual B C. que antes yua delante parecera quedarſe atras, y F G. que antes ſe quedaua atras pueſta en M N. parecera yr delante.

† 11. *ſuppoſic.*

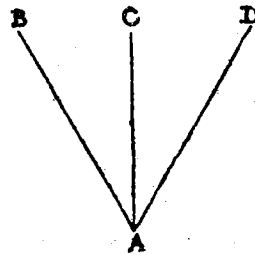
T H E O R E M A

53.

Entre las coſas que ſe mueuen con diſigual preſteza hazia dôde ſe mueue el ojo las

las que van con igual presteza que el ojo parece que estan quedas, y las que se mueuen con menos presteza, parece que van hazia la parte contraria, y las que se mueuen con mayor presteza, parece que van delante de las demas.

Mueuãse cõ desigual presteza B.C.D. y mueuase B, con menos presteza q̃ las demas, y C, con igual presteza que el ojo A, y D, con mas presteza que C, y del ojo A, salgan los rayos visuales A B, A C. A D. pues si agora el ojo A, se mouiere hazia donde se mueuen B. C. D. la grandeza C, que se mueue cõ igual mouimiento



que el ojo, parecera que se esta queda, y B, parecera que se buelue hazia atras, y D, por mouerse con mas velocidad que C, parecera que va hazia delante, porque siempre se yra apartando mas de la grandeza C.

T H E O R E M A

54.

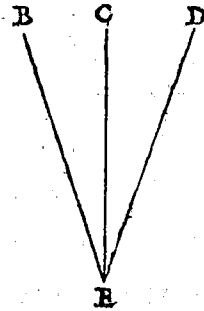
Si mouiendose algunas grandezas vna se estuuiere queda, esta tal parecera que se mueue hazia la parte contraria.

K

Mueuan

la perspectiua

Mueuanse las grandezas B.D y este sin mouerse C, y del ojo E, falgan los rayos visuales EB, EC, ED. mouiéndose pues B, acercarse ha mas a C, y D, a partirse ha mas, y por esto C, parecera que va hazia la parte contraria.

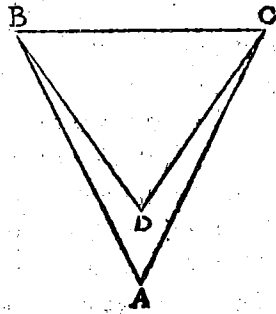


T H E O R E M A

55.

Acercándose el ojo a vna cosa que mira, parecera que la cosa q̄ mira se augmenta.

Mirese la grandezza BC. desde el ojo puesto en el punto A, con los rayos visuales A B. A C. y acerquese agora mas el ojo a la grãdeza B C. poniéndose en D, y mirese BC. cō los rayos visuales DB. DC. y porque el angulo D, es mayor que el angulo



† 21. r. elem.
† 15. suposic.

A, † y aquellas cosas q̄ se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores, † luego B C. parecera augmentarse mas quando el ojo esta en D, que quando esta en A.

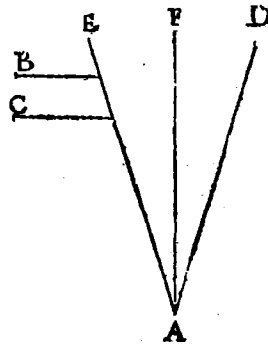
T H E O R E M A

56.

Entre

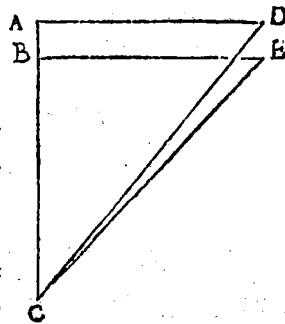
Entre las grandezas que se mueuen con igual presteza, las que estan mas lexos parece que se mueuen mas tarde.

Mueuanse con igual presteza las grandezas B, C, hazia las partes D, y salgan del ojo A, los rayos visuales A E. A F. A D. y porque los rayos visuales que van del ojo A, a la grandezza C, son menores que los que van a la grandezza B, luego C, andara menos distancia, y parecera que va con mayor presteza, porque llegara mas presto al rayo visual AD.



DE O T R A M A N E R A.

Mueuanse con igual presteza los pñctos A, B, por las lineas rectas paralelas A D. B E. luego andarlas han con igual presteza y en igual tiẽpo, sean pues iguales A D. B E. y salgan del ojo C, los rayos visuales C A. C D. C E. y porque el angulo B C D. es menor que el angulo B C E. † luego menor parecera la distñcia A D. que la distancia B E. por lo qual mas tarde parecera moverse A, que B.



† II. com. no.
I. elem.

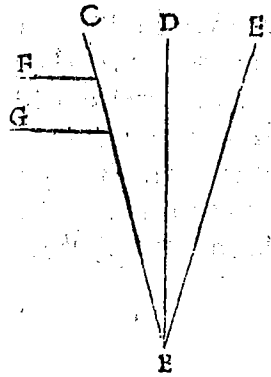
la perspectiua

T H E O R E M A

57.

Mouiendo se el ojo con velocidad las cosas que mirare de lexos le parecera que se quedan atras.

SEA el ojo B, del qual salgan los rayos visuales BC. BD. BE. y las grãdezas miradas seã F.G. y porque mouido el ojo cõ velocidad hazia las partes donde esta C, los rayos visuales pasaran mas presto la grandeza F, que la grandeza G. luego F, parecera quedar se atras, y G, yr hazia la parte contraria, que es hazia las partes donde esta E.



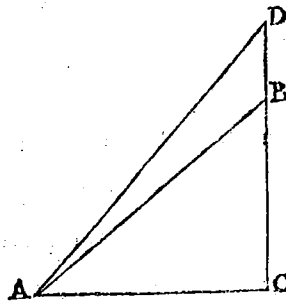
T H E O R E M A

58.

Las grandeças augmentadas parecera que se acercan al ojo.

Mirase

Mirese la grandeza BC. cō los rayos visuales AB. AC. y augmentese BC. con BD. y del ojo A, salga el rayo visual AD. y porq̄ el angulo DAC. es mayor q̄ el angulo BAC. y aquellas cosas que se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores † luego mayor parecera CD. que CB. mas las cosas que parecen mayores al ojo parece que se aumentan, luego las grandezas aumentadas parecera que se acercan mas al ojo.



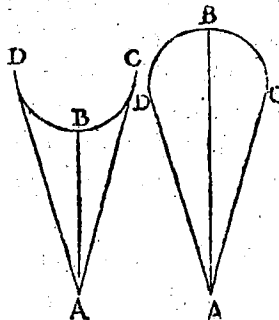
† s. suposic.

T H E O R E M A

59.

Las cosas que no estando en vna mesma distancia, las vltimas no son paralelas a las vltimas, ni las de en medio a las de en medio, ni tãpoco estã en vna linea recta, harã todavna figura, ora cõcaua, ora cõuexa.

Mirense B.C. D. desde el ojo puesto en A, y salgan del los rayos visuales AB. AC. AD. parecera pues que toda la figura es concaua, mudense agora las cosas que se miran de tal manera que B, este mas cerca del ojo, y parecera ansi toda la figura conuexa.



K 3

T H E O .

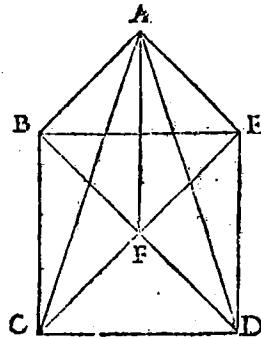
la perspectiua

T H E O R E M A

60.

Si del punto donde se cortan los diametros de vn quadrado se leuantare vna linea recta en angulos rectos sobre el plano del quadrado, y en ella se pusiere el ojo, los diametros, y los lados, pareceran iguales.

SEA vn quadrado B D. y tirese los diametros B D. CE. y del punto F, tirese en angulos rectos sobre el plano del quadrado la linea recta FA. † y pongase el ojo en A, y salgan del los rayos visuales AB. AC. AD. AE. y porque las dos lineas rectas FD. FA. son iguales a las dos FB. FA. y los



† 12. 11. el.

† 4. 1. elem.

† 8. 1. elem.

† 7. supesc.

angulos contenidos destas lineas son iguales entresi cõuiene a saber los q̄ estan en el punto F, luego la basa DA. sera igual ala basa AB. † por la mesma razon sera la basa CA. igual a la basa AE. siendo pues las dos lineas rectas DA. AB. iguales a las dos CA. AE. cada vna, a cada vna, y siẽdo asì mesmo los diametros iguales entresi seran tãbien iguales los angulos q̄ estan en el punto A, † mas las cosas que se mirã de bajo de angulos iguales parecen iguales † luego los diametros

de Euclides. 40

metros y los lados del quadrado iguales pareceran entresi.

T H O R E M A 61.

Si el rayo visual que saliere delojo a la intersecacion de los diametros, no fuere perpendicular al plano del quadrado, ni fuere igual a alguna de las lineas que van desde esta intersecacion a los angulos del quadrado, ni hiziere angulos iguales cõ ellas, los diametros pareceran desiguales.

Lo mesmo que sucede en los circulos demostraremos tambien aqui.

Fin de la Perspectiva de Euclides.

LA
ESPECVLARIA
DE EVCLIDESTRA-
DVZIDA EN LENGVA
CASTELLA-
NA.

*Por Pedro Ambrosio Onderiz criado de su
Magestad.*

EN MADRID.

En casa de la viuda de Alonso Gomez

Año. M. D. LXXVIII.

la especularia AL LECTOR.



VIENDO tratado Euclides del primer modo q̄ ay de ver- que es el mas efficaꝝ por herir mas derechamente los rayos visuales en la cosa visible, viene a tratar agora del segũdo modo que es el que se haꝝe por la reflexion, para lo qual se ha de advertir que ay tres modos de ver. El primero, es el que se haꝝe por lineas reẽtas de que ya se ha tratado en el precedente libro con demostraciones euidentes, y necessarias. El segũdo, es el que se haꝝe por la reflexion de qualquier espejo plano, Esphero, Cilindrico, y estos, o cõcauos, o cõuexos. El tercero y vltimo, es el q̄ resulta de la refracion de las formas visibles por la diuersidad de los medios, como por el ayre debaxo del agua, o del vidro, y este vltimo, y el segundo tienen entresi gran simpatia, por haꝝerse ambos a dos con cuerpos diaphanos o transparentes. Pero dexãdo a parte el primero, y el vltimo, assi por auerse ya discurrido del primero como por no haꝝerse menciõ del vltimo

timo en este tratado venimos al de en medio que es el que se haze por la reflexion de los espejos, por el qual se descubren grandes secretos de naturaleza, y se hazen cosas que parecen sobre naturales muchas de las quales se podran alcanzar con la noticia deste libro, y la especulacion del, solo resta advertir q̄ pues su Magestad ha introduzido esta verdadera sciencia en nuestra España donde en tiempo antiguo fue tan exercitada, que aquellos que mejor pudieren se den a ella, pues alcançando la conoceran el gran provecho, y gusto que en ella esta escondido.

la especularia
La especularia de Euclides,

S V P O S I C I O N E S .

1. Supongase que el rayo visual es vna linea recta cuyos medios cubren los estremos.
2. Toda cosa visible se vê por linea recta.
3. Si vn espejo se collocare en vn plano, y sobre el tal plano se leuantare en angulos rectos vna qualquiera altura, hagase que la proporcion que tiene la linea que esta entre el que mira, y el espejo, ala linea que esta entre el espejo, y la altura leuantada, essa mesma tenga la altura del que mira, a la altura que esta en angulos rectos sobre el plano del espejo.

PHE-

de Euclides. 43
P H E N O M E N O S.

1.

Si en los espejos planos se pusiere el ojo 4.
sobre aquel lugar donde cae la perpendi-
cular tirada desde la cosa visible al espejo,
la tal cosa no se vera.

2.

Si en los espejos conuexos el ojo ocupa 5.
re el lugar sobre que cae la linea recta tira-
da de la cosa visible al centro de la esphe-
ra, la tal cosa no se vera.

3.

Lo mesmo sera en los espejos cócauos. 6.

4.

Si alguna cosa se echare en vn vaso, y 7.
despues se apartare el vaso hasta tal distan-
cia q̄ desde ella la mesma cosa no se pue-
da ver, hinchendose el vaso de agua, la tal
cosa se vera desde la mesma distancia.

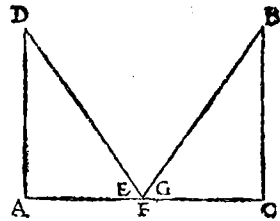
la especularia

T H E O R E M A

I.

En los espejos planos, concauos, y conuexos, los rayos visuales reflecten con angulos iguales.

SE A el ojo B, y el espejo plano A C. y tirado el rayo visual B F. haga la reflexion en el punto D, digo que el angulo E, es igual al angulo G. tirense al espejo las perpendiculares B C. D A. y porque es como B C. a C F. asi



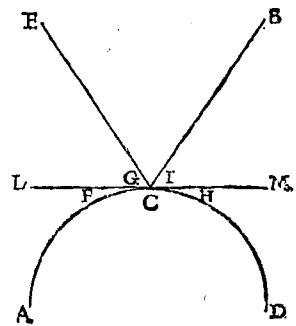
† 3. diff.

DA. a A F. por la diffinicion, † luego el triangulo B C F. sera semejante al triangulo D A F. y por esso el angulo E, sera igual al angulo G. porque los triangulos seme-

† 1. dif. 6. el. jantes tambien son equiangulos. †

EN EL ESPEJO CONVEXO.

SE A el espejo conuexo A C D. y el rayo visual B C. reflecta en el punto E, digo que el angulo F G. es igual angulo H I. porque si se applicare el espejo plano L M. sera el angulo G. igual al angulo I, † y es el angulo F, igual al angulo H, † porque estan en el tocamiento.



† 1. par. deste
heor.

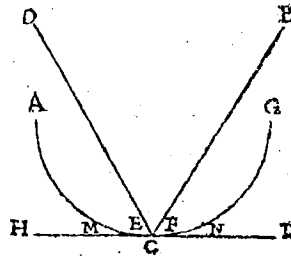
† 16. 3. elem.

luego

to luego todo el angulo F G. fera igual a todo el angulo HI.

EN EL ESPEJO CONCAVO.

SEA el espejo concauo A C G. y el rayo visual BC. haga la reflexion en el punto D, digo q̄ el angulo E, es igual al angulo F, porque poniendo el espejo plano H I. fera el angulo E M. igual al angulo FN. † mas el angulo M, es igual al angulo N, † luego el angulo restante E, fera igual al angulo restante F.



† I. Parte de
ste theo.
† 16.3. elem.

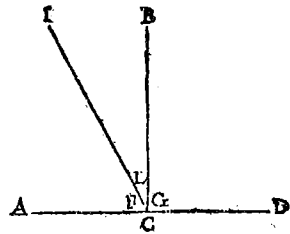
T H E O R E M A

Si cayendo el rayo visual sobre qualquier espejo hiziere angulos iguales, en si mesmo hara la reflexion.

SEA

la especularia

SEA el espejo plano ACD
y el ojo sea B, del qual salga el
rayo visual B C, de tal mane-
ra q̄ haga los angulos F. E. igua-
les al angulo G, digo que si hi-
ziere reflexion el rayo visual
B C. que la hara en si me mo, q̄
es en B, porque sino reflecta si
es posible en el p̄cto I, y por-



† 1. Th. spe.

que los rayos visuales reflecten con angulos iguales † se
ra el angulo G, igual al angulo F, y ha se mostrado que
el angulo FE. es igual al angulo G, luego el angulo F E.
igual es al angulo F, el mayor al menor, lo qual no pue-
de ser, y por esto B C. en si mesmo hara la reflexion. Esta
misma demostracion sirve tambien a los espejos conca-
uos y conuexos.

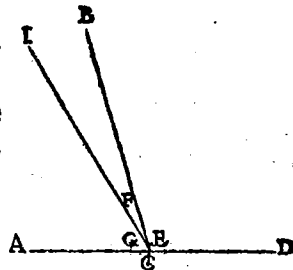
T H E O R E M A

3.

El rayo visual que cayendo sobre qual-
quier espejo, no hiziere angulos iguales,
ni reflectira hazia si mesmo, ni hazia el an-
gulo menor.

SEA

SE A el espejo plano ACD, y falga el rayo visual BC. que haga el angulo E, mayor que el angulo FG. digo que si reflectiere el rayo visual BC. que ni reflectira hazia si mesmo, ni hazia el angulo FG. porque si se reflectiere hazia BC. sera el angulo E, igual al angulo FG. † lo qual es absurdo pues el angulo E, se puso mayor que el angulo FG. y si reflectiere hazia I, sera el angulo E. igual al angulo G, † mas puso se tambien mayor qel, por lo qual BC. reflectira hazia el mayor angulo E. y ansi se podra cortar del angulo mayor, vno igual al menor, † esta mesma demostracion seruirá para los espejos concauos, y conuexos.



Por la prece.

† 1. Th. spec.

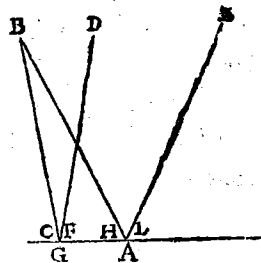
† 23. 1. elem.

T H E O R E M A

4

Los rayos visuales que hazen reflexiõ en los espejos planos, y conuexos, ni concurriran entresi, ni seran paralelos.

SE A el espejo plano AG. y el ojo sea B, y los rayos visuales que reflecten sean BGD, BAE. digo que los rayos visuales GD. AE. ni seran paralelos ni concurriran hazia las partes D. E. porque Siendo el angulo C. igual al angulo F, † y el an-



M

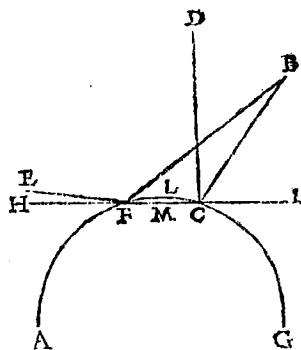
gulo † 1. Th. spec.

la especularia

†16.1. elem. gulo H, igual al angulo L, y siendo assi mesmo el angulo C, mayor que el angulo H, † por ser angulo estrinfeco del triangulo BAG. sera tambien el angulo C, mayor que el angulo L, por lo qual los rayos visuales GD. AE. ni seran paralelos, ni concurriran hazia las partes ED.

EN EL ESPEJO CONVEXO

Sea el espejo cóvexo AFCG. y el ojo sea B, y los rayos que hazen reflexion sean BCD. BFE. digo que CD. FE. ni seran paralelos, ni concurriran hazia las partes ED. tirese la linea recta FC. y estienda se de vna y otra parte, y porque el angulo BCG. es igual al angulo DCL. porque los rayos visuales reflecten con angulos



†1. Th. spec. iguales, † sera el angulo DCM. mayor que el angulo BCI. mas el angulo BCI. es mayor que el angulo BFM. † y el angulo BFM. es mayor que el angulo EFA. por ser el angulo BFL. igual al angulo EFA. luego el angulo DCM. mayor es que el angulo EFA. y assi el angulo DCM. sera mucho mayor que el angulo EFH. por lo qual los rayos visuales CD. FE. ni concurriran, ni seran paralelos.

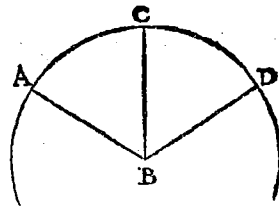
THEO.

T H E O R E M A

5.

Si en los espejos concauos se pusiere el ojo en el centro, o en la circunferencia o fuera de la circunferencia, que es entre el centro, y la circunferencia, los rayos visuales reflexos concurriran.

SE A el espejo concauo ACD. y el centro de la esfera sea B, y pongase el ojo B, y desde B, tirense a la circunferencia los rayos visuales BA. BC. BD. y porque los angulos puestos en los puntos A, C, D, son iguales entre si † por estar en semicirculos



luego los rayos visuales BA. BC. BD. haziendo reflexion, haran la en si mesmos como esta demostrado, † † Th. 2. spe. por lo qual necessariamente concurriran en el punto B.

† 16.3. el.

† † Th. 2. spe.

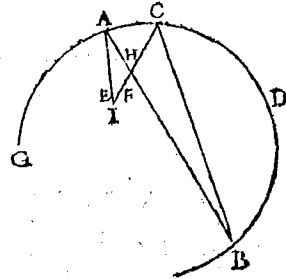
D E L O I O E N L A
circunferencia.

M 2

S E A

la especularia

SE A el espejo concauo ACDB. y el ojo sea B, el qual se ponga en su circunferencia, y del ojo B, salgã los rayos visuales BC. BA. los quales reflectan en los puntos E. F. y por que el segmento ACB. es mayor que el segmento CDB. sera el angulo BAC. mayor que el angulo BCD. † y así el angulo EAG. por el primer



† 31.3. elem.

theorema sera mayor q̄ el angulo FAC. luego los dos angulos BAC. EAG. seran mayores q̄ los dos angulos BCD. FCA. por lo qual el restante BAE. sera menor que el restante FCB. y mucho menor que FHB. de donde se sigue que los rayos visuales CF. AE. concurriran en el punto I, lo mesmo se demostrara si el ojo se pusiere fuera de la circunferencia como en el siguiente theorema.

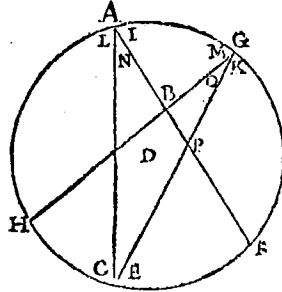
T H E O R E M A

6.

Si en los espejos concauos se pusiere el ojo entre el centro y la circunferencia, los rayos visuales reflexos a vezes concurriran, a vezes no.

S E A

SE A el espejo concauo
 A G. y su centro D, y ponga-
 se el ojo en el punto B, entre
 el centro, y la circunferencia
 y los rayos visuales B A. B G.
 reflectan en los pũctos C. E. y
 estiendanse estos rayos hasta
 el espejo, y seã AF. GH. y por
 q̃ el rayo visual AF. puede ser
 mayor, o menor, o igual al ra-
 yo visual G H. sea lo primero



igual, sera pues la circunferencia AGF. igual a la circun-
 ferencia GAH. y por esto el angulo I, sera igual al angu-
 lo k, por ser iguales entresi los angulos q̃ estan en igua-
 les segmentos de circulos, mas los dos angulos I. L. son
 iguales a los angulos M. K. por ser angulos de reflexiõ † 1. Th. spe.
 luego el restante angulo N. sera igual al restante angu-
 lo O, y assi el angulo P, sera mayor q̃ el angulo N, por-
 que siendo el angulo P, mayor que el angulo O, en ser
 exterior del triangulo BGP. y el angulo O. igual al an-
 gulo N, sera el angulo P, mayor q̃ el angulo N, pongase
 comun el angulo NPE. y sucedera que reflexos los ra-
 yos visuales GE, AC. concurriran hazia C E. lo mesmo
 sucedera si el rayo visual AF. fuere mayor que el rayo
 visual GH. porque los dos angulos L. I. seran mayores q̃
 los dos angulos M. K. y por esso el angulo O, sera ma-
 yor que el angulo N, y el angulo P, mayor que el mes-
 mo angulo N, mas si el rayo visual AF. fuere menor q̃
 GE. sera por la mesma razon el angulo N, mayor que
 el angulo O, y es el angulo P, mayor que el angulo O,
 luego nada impide a que el angulo P, sea igual al angu-

M 3 lo N,

la especularia

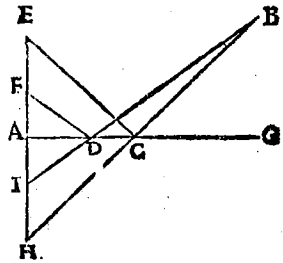
lo N, o menor que el para que concurran los rayos visuales GE. A C, porque ora la circunferencia AF, sea mayor que la circunferencia G H. ora sea igual a ella, fin duda los rayos visuales reflexos concurriran dentro de la circunferencia, y no en ella, ni fuera della.

T H E O R E M A

7.

En los espejos planos las alturas, y las profundidades, parecen al contrario.

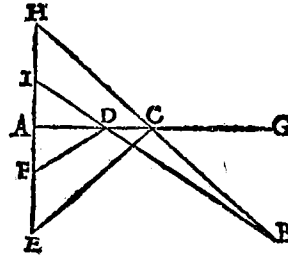
SE A la altura A E, y el espejo plano A G. y el ojo sea B, del qual salgan los rayos visuales B C, B D que reflectan en los puntos E, F. pues si estos rayos visuales se alargaren por linea recta el punto E, que esta arriba parecera que esta abaxo en H, y el punto F, que esta abaxo parecera que esta arriba en I, y asi pareceran al contrario.



O T R A D E M O S T R A C I O N
de la profundidad.

S E A

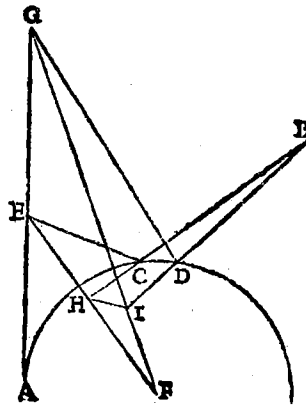
SE A la profundidad E A. y el espejo plano A C. y el ojo sea B, y sean finalmente los rayos visuales, BC. BD. los cuales reflectan en los puntos F. E. y alargados como en la pasada, hasta los puntos H. I. parecera el punto E, que esta abaxo, estar en lo alto en el punto H, y el punto F, que esta mas alto, parecera estar abaxo en el punto I.



T H E O R E M A
8.

Las alturas, y las profundidades, en los espejos conuexos, parecen al contrario.

SE A la altura AG. y el espejo conuexo ACD, y los rayos visuales BC. BD. que reflectan en E. G. y porque esta demostrado que los rayos visuales no concurriran, † lo demas demuestrese como en los espejos planos. †.



† Th. 3. spec.

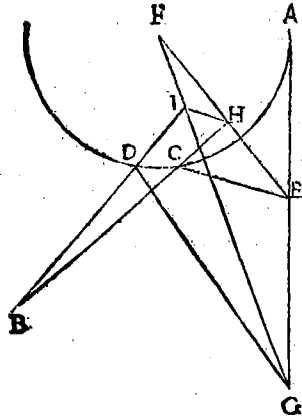
† Th. prec.

D E L A

la especularia DE LA PROFVNDIDAD

SEA la profundi-
dad A G. y el espejo con
uexo A C D. y los rayos
visuales los quales refle-
cten en los puntos E. G.
sean B D G. B C E.
lo demas se demuestre
como en los espejos pla-

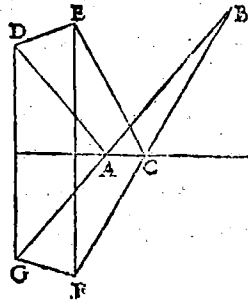
†The. prec. nos. †.



T H E O R E M A 9.

Las longitudes obliquas en los espe-
jos planos parecen como está realmente.

SEA el ojo B, y la longi-
tud obliqua D E. y el espejo
plano A C. y porque el pun-
cto D, se vè en el punto A,
por los rayos visuales refle-
jos, y el punto E, en el pun-
cto C, luego parecen como
son realmète, el q̄ está mas cer-
ca, mas cercano, y el que esta
mas lexos, mas apartado.



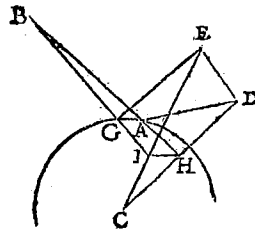
THEO.

de Euclides.
 T H E O R E M A
 10.

49

Las longitudes obliquas en los espejos conuexos parecen como estan realmente.

SEA la longitud obliqua DE. y el ojo sea B, y el espejo conuexo A G. y los rayos visuales los que reflecten en los puntos D, E, lo demas se demuestre como en la passada.



T H E O R E M A
 11.

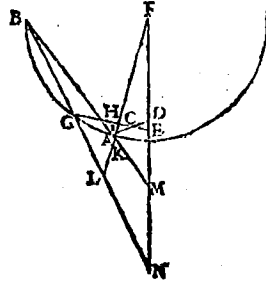
Las alturas, y las profundidades que estan en los espejos concauos, dentro del concurso de los rayos visuales, parecen al contrario como en los espejos planos, y conuexos, y las que estan fuera del dicho concurso parecen como estan realmente.

N

SEA

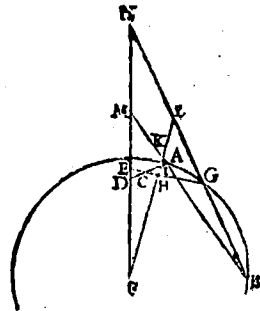
la especularia

SE A el espejo concauo A C. y el ojo sea B, y los rayos visuales reflexos BA. B C. que cõcurran en el pũcto C, y las alturas sean HI. DE. de las quales HI. este dẽtro del concurso que hazen los rayos visuales en el punto C. y DE. este fuera del mismo concurso, y porque estendidos los rayos visuales como en los espejos planos, y conuexos. el punto H, parece en el punto L, y el punto I, en el punto K, luego parecen al reues de como estan, lo qual es al contrario en la altura DE. que esta fuera del tal concurso, porque el pũcto D, parecera en el punto M, y el punto E, en el punto N, y asì parecẽ de la misma manera que estan.



DEMOSTRACION DE LA profundidad.

SEAN de nuevo las profundidades DE. IH. y el espejo concauo A G. y el ojo sea B, y los rayos reflexos que cõcurren en el punto C, sean BGE. BAD. alargados pues estos rayos visuales los puntos I. H. pareceran al contrario porque el punto I, parecera en el punto K, y el pun-



to H.

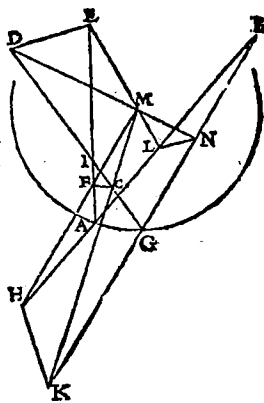
cto H, en el punto L, como en los espejos planos, y conuexos, lo qual es diferente en los puntos D,E. por que parecē de la mesma manera que estan, el punto D, inferior, en el punto M, y el punto E, superior, en el punto N.

T H E O R E M A

12.

Las longitudes obliquas que en los espejos concauos, estan puestas entre el concurso de los rayos visuales parecē assi como estan, y las que estan fuera del tal concurso, parecen al contrario.

SEAN las longitudes obliquas D E, F C. y el espejo concauo A G. y el ojo sea B, y los rayos visuales reflexos q̄ concurren en el punto I, sea B A E. B G D. y este la longitud obliqua F C. dentro del concurso I, y D E. este fuera del, y assi los puntos F, C, se veran en su sitio natural, como en los espejos planos, y conuexos y los puntos D, E, parecieran al contrario, porque el punto E, pareciera en el punto A, y el punto D, en el punto G.



N 2

THEO-

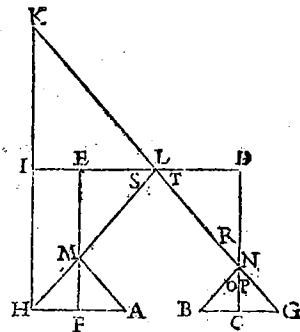
la especularia

T H E O R E M A

13.

Vna mesma cosa se puede ver con muchos espejos planos.

SEA la cosa que se ha de ver A, y el ojo sea B, y sean tres espejos planos C D. DE. EF. y tirese la perpendicular B C. del punto B, al espejo plano CD. y pongase igual a ella C G. y tirese de la mesma suerte del punto A, al espejo FE, la perpendicular AF. y hagase igual a ella F H. y del punto H, tirese el espejo DE. la perpendicular HI. y sea I k. igual a IH y tirese del punto k, al punto G, la linea recta kLG. y del punto L. al punto H, la linea recta LMH. y juntese finalmente A M. BN. y porque la linea recta B C. es igual a la linea recta C G. y los angulos puestos en el punto C, son rectos, luego las dos lineas B C. C N. seran iguales a las dos G C. C N. cada vna, a cada vna, y es el angulo recto B C N. igual al angulo recto G C N. luego los demas angulos se



ran iguales a los demas angulos † debaxo de los cuales se estienden iguales lados, conuiene a saber el angulo B, al angulo G y el angulo O, al angulo P, mas el angulo P, es igual al angulo R, porque entrambos estan a la vertice, luego el angulo R, sera igual al angulo O, y por

† 4. 1. elem.

† 15. 1. elem.

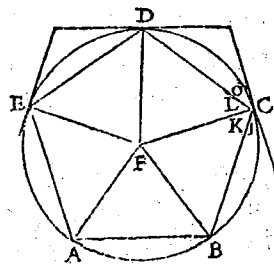
por esto el rayo visual BO reflectira hazia el punto L, † 1. Th. spe. demas desto, porque la linea recta HI es igual a la linea recta IK. y los angulos puestos en el punto I, son rectos fera el angulo S, igual al angulo T, de donde se sigue que el mesmo rayo visual BOL. reflectira hazia el punto M, por la mesma razon, el mesmo rayo visual reflectira en el punto A, por ser el angulo IMA. igual al angulo EML. lo qual se puede demostrar, como se hizo en los demas angulos, por lo qual el rayo visual que sale del ojo B, vera el punto A, por tres espejos planos que son CD. DE. EF.

T H E O R E M A

14.

Vna mesma cosa se puede ver por qualesquier espejos planos, con que se descriua vn poligonio equilatero, que exceda en dos lados, al numero de los espejos.

SE A la cosa que ha de verse A, y el ojo sea B, y juntese la linea recta AB. y sobre ella descriuase vna figura poligonio equilatera, y equiagula † que tenga dos lados mas que no son los mesmos espejos, y sea la tal figura poligonio, ABCDE. y tomese el centro



† 14. 4 el.

N₃

del

la especularia

†1.3. *elem.*

del circulo descrito al rededor della, † el qual sea F, y desde el tirense las lineas rectas FA. FB. FC. FD. FE. que vayan hasta los angulos, y ponganse los espejos planos de tal manera que hagan angulos rectos con las lineas tiradas del centro, y porque el angulo KI. es igual al angulo L O. por ser cada vno dellos recto, y el angulo L, es igual al angulo k, luego el restante angulo I, sera igual al restante angulo O, por lo qual la reflexion del rayo

†1. *Th. spec.*

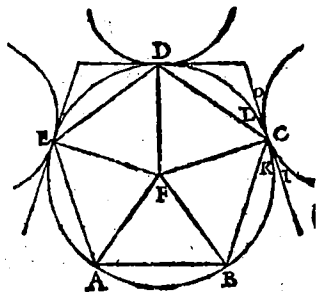
visual BC. se hara en el punto D, † porque las reflexiones se hazen con angulos iguales, de la mesma manera se demostrara ser iguales entresi los angulos que estan en D. E. puntos de los espejos, de donde se sigue que el rayo visual que sale del ojo B, despues de auer caydo en todos los espejos llegara reflectiendo finalmete al punto A.

T H E O R E M A

15.

Vna mesma cosa se puede ver con qualquier espejos, o concauos, o conuexos.

SE A la cosa que ha de verse A, y el ojo sea B, y descriuase como en la precedente vna figura poligonia equilateral, y equiangula ABCDE. y pongase los espejos en los puntos C. D. E, que es dode los rayos visuales hieren, y por que el angulo I, es igual al an



gulo

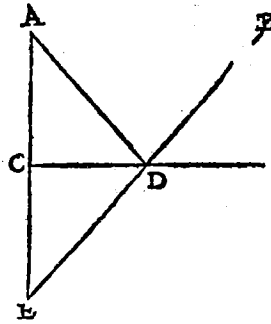
gulo O, † y el angulo k, al angulo L, luego todo el angulo KI. sera igual a todo el angulo L O. por lo qual el rayo visual B C. reflectira del espejo conuexo C, en D, y de D, en E, y de E, en A, de donde se sigue q̄ vna mesma cosa se podra ver por qualesquier espejos, o conuexos solamente, o concauos sola mente, o mixtos. † 16.3 elem.

T H E O R E M A

16.

En los espejos planos, cada vna de las cosas visibles se vê en la perpendicular tirada de la cosa visible al espejo.

S E A la cosa visible A, y tirese de la cosa visible al espejo la perpendicular AC. y por que se supuso en los phenomenos que el pũcto A, no se puede ver desde el pũcto C, † luego A, verse ha en algun pũcto de la linea AC. y ve se tambien en algun pũcto del rayo visual B D. verse ha pues en el pũcto E, porque segun la primera diffiniciõ, recto es aquello cuyos medios cubren los estremos, por lo qual A E. B E. seran lineas rectas.



† 4. dif. espe.

T H E O

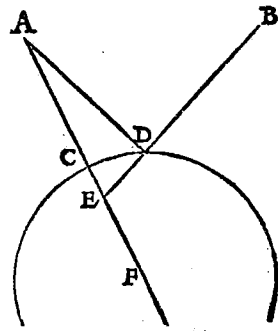
la especularia

T H E O R E M A

17.

En los espejos conuexos cada vna delas cosas visibiles, se vè en la linea recta, tirada de la cosa visibible, al cétro de la esfera.

SEA el espejo conuexo CD. y el ojo sea B, y el rayo visual BD. el qual reflecta en A, y sea F, centro de la esfera, cuya porcion es el espejo DC y juntese la linea AF. y estiendase el rayo visual BD. hasta el punto E, y porque en los phenomenos se supuso que A, no se puede ver desde el punto C, † luego verse



† 5. dif. spec.

ha en la linea recta AC. y en aquella parte doñde el rayo visual BD. concurre con la linea AC. conuiene a saber en el punto E, como en los espejos planos.

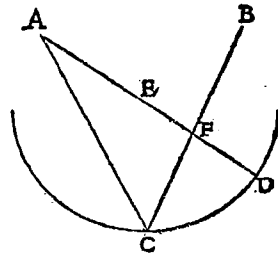
T H E O R E M A

18.

En los espejos concauos, cada vna de las cosas visibiles, se vè en la linea recta tirada de la cosa visibible, al cétro de la esfera.

S E A

SE A el espejo concauo CD. y el rayo visual BC. el qual reflecta en la cosa visible que sea A, y sea E, centro de la esfera, cuya porció es el espejo CD. y juntada la linea recta AE. alarguese, y porque en los phenomenos se supuso que A, no se puede ver desde el ojo puesto en D. † luego verse ha en al gun punto de la linea recta AE. de donde se sigue que se vera en el punto F, que es donde la linea recta AE. concurre con el rayo visual B C.



† 6. dif. spec.

T H E O R E M A

19.

En los espejos planos las cosas q̄ estan a mano derecha, parecen estar a mano izquierda, y las que estan a mano izquierda parecen estar a mano derecha, y la image parece igual a la cosa visible, y la vna, y la otra, distan igualmente del espejo.

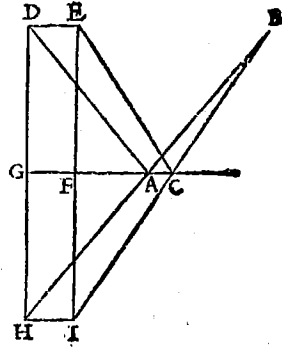
SE A el espejo plano AC. y el ojo sea B, y los rayos visuales BA. BC. los quales reflectan en la cosa visible E D. desde la qual al espejo se tiren las perpendiculares EF. DG. y alarguese, y estiendañe tambien los rayos visuales BA. BC. hasta que concurran con las perpendiculares en los puntos H. I. y juntese la linea recta I H. y

○

parecera

la especularia

parecera el punto E, en el punto I. y el punto D. en el punto H, segun esta demostrado en el theorema .16. de donde se sigue que las cosas que está a mano izquierda, pareceran estar a mano derecha, y las que estan a mano derecha pareceran estar a mano izquierda, y porque el angulo ICF. es igual al angulo FCE. y son rectos los angulos



†26.1.clem.

puestos en el punto F, luego la linea recta FI. sera igual a la linea recta FE. †por la misma razón la linea recta DG. sera igual a la linea recta GH. por lo qual la distancia en q̄ la cosa visible ED. dista del espejo sera igual a la distancia en q̄ la imagen IH. dista del mismo espejo, y la cosa visible ED. es igual a la imagen IH. por ser la linea recta EF. igual a la linea recta FI. y DG. a GH. y por estar la linea recta GFC. en angulos rectos sobre cada vna dellas.

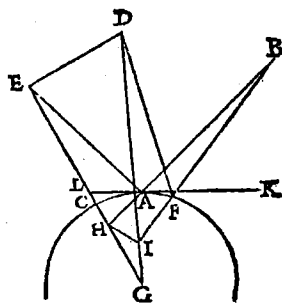
T H E O R E M A

20.

En los espejos conuexos las cosas que estan a mano izquierda, parecē estar a mano derecha, y las que estan a mano derecha, parecen estar a mano izquierda, y la imagen esta mas cerca del espejo, que la cosa visible.

SEA

SE A el espejo conuexo CAF. y sea G, el centro de la esfera cuya porcion es el espejo, y sea el ojo B, y los rayos visuales B A. B F. los quales reflectan en la cosa visible D E. y del centro G, tirense a D E. las lineas rectas G D. G E. y alargúese los rayos visuales B A. B F. hasta los puntos H, I, y juntese la linea recta H I. la qual sea imagen de la cosa visible D E. parecera pues el punto E, en H, y D, en I, por lo qual las cosas de a mano derecha parecieran a mano izquierda, y las de a mano izquierda parecieran a mano derecha, digo tambié que EC. es mayor que CH. tirese por el punto A, la linea recta L A k. que toque el circulo en el punto A, y porque B A. A E. hazen angulos iguales con la circunferencia del circulo †



† por la igualdad de los angulos de la reflexion, y la linea recta L A K. toca el circulo, luego la linea recta L A K. diuidira por medio el angulo E A H. y es el angulo L obtuso, por lo qual EL sera mayor que LH. y por esto EC. sera mucho mayor que C H. de donde se sigue que la imagen H I. dista menos del espejo, y que la cosa visible D E. dista mas, todo lo qual tambien se demostrara adelante.

†i. Th. spec

T H E O R E M A

21.

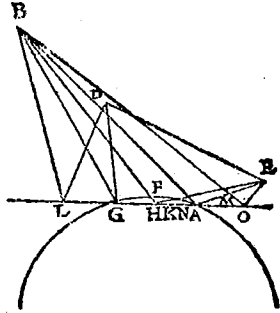
En los espejos conuexos, las imagines son menores que las cosas visibles.

O 2

SEA

la especularia

SEA el espejo cõuexo AFG.
y el ojo sea B, y los rayos visua-
los BA.BG los quales reflectã en
los pũctos.D.E y porque la co-
sa visible DE.se mira en el espe-
jo conuexo,debaxo del angulo
ABG. pongafe sobre el espejo
cõuexo el espejo plano A G. el
qual toque los rayos visuales en
los pũctos G A. seguirse ha pues



q̄ el rayo vi. ual q̄ reflexo del espejo plano ha de ver el
pũcto E, no sera B A E. por no hazer angulos iguales
con el espejo plano, ni tãpoco reflectira desde ninguno
delos pũctos que ay entre A.G. porque sino reflecta si
es posible, y sea el rayo visual B H. sera pues el angulo
BHC, igual al angulo EHA. por la reflexion, mas el an-
gulo B H G. es mayor que el angulo BAH. † y el an-
gulo M, es mayor que el angulo F H A. luego el an-
gulo M. sera mayor que el angulo B A H. lo qual
es imposible, porque el angulo BAH. es mayor que
el angulo M. por ser el angulo B A H. igual a todo
el angulo puesto en la circunferencia de donde se sigue
que el rayo visual hara la reflexion desde algun pũcto
fuera de AG. reflecta pues el rayo visual, y sea BOE. de
la mesma manera el rayo visual BL D. caera fuera, por
lo qual ED. se vera con mayor angulo en el espejo pla-
no comprehendido debaxo de CBL. que en el conue-
xo, lo qual es al contrario en el espejo plano, pues en el
la imagen parece igual a la cosa visible, † de lo qual se
manifiesta que en los espejos conuexos, la imagen pare-
ce menor que la cosa visible.

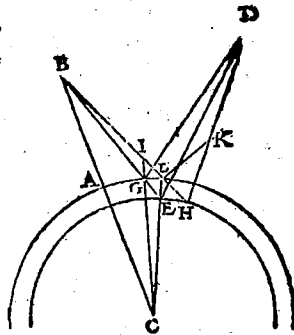
† 16.1. elem.

† 19. Th. spe.

THEO

En los espejos conuexos que fuerẽ menores, las imagines parecen menores.

Esten al rededor de vn mesmo centro C, dos espejos esphericos cõuexos, vno mayor AG, y otro menor EH. y sea el ojo B, y juntefe la linea recta BAC. y desde el vn espejo esphero reflecta ala cosa visible D el rayo visual BGD. digo q̃ no puede hazerfe que el rayo visual reflexo del menor espejo en el punto D, cayga por el pũcto G, ni por otro ningun pũcto fuera de G, porque si es posible cayga primero por el punto G, y reflecta desde el menor espejo ala cosa visible D. el rayo visual BED. y jũtese la linea recta CG. que alargada hasta I, cortara el angulo BGD. en dos partes iguales por hazer las lineas BG GD angulos iguales en G. punto de la circunferencia mediãte la reflexio, † por la mesma razon la linea recta tirada del pũcto C, al pũcto E, alargãdo e cortara por medio el angulo BED. cortelo pues y sea la tal linea C FL. y porque el angulo BGD. es mayor que el angulo BED. † y su mirad es mayor que la mitad del otro, luego mayor sera el angulo B G I. que el angulo B E L. y es tambien menor lo qual es imposible, luego no podra bazerfe que el rayo visual reflexo del menor espejo passe por el punto



† 1. Th. spe.

† 16. 1. elem.

la especularia

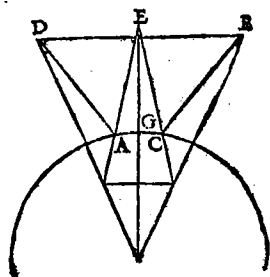
G, ponganse las mismas cosas y cayga agora fuera de G, el rayo visual BH reflexo del menor espejo, y corte el rayo visual BL. el mayor espejo en el punto L, y seguirse ha que el rayo visual BLC. reflexo desde el punto L, no concurrira con GD. segun esta manifesto, concurra pues con HD. en el punto k, luego el rayo visual BLk. reflexo del mayor espejo vera el punto k y el rayo visual BHK. reflexo del menor espejo vera también el mismo punto k, lo qual esta demostrado ser imposible, por lo qual el rayo visual reflexo del menor espejo en el punto D, caera por algun punto puesto entre GA la misma demostracion valdra también por la otra parte de dōde se sigue que el angulo B, debaxo del qual se mira la cosa visible D, lo haze menor, el menor espejo, que el mayor, y así la imagen dela cosa visible parecera menor en el menor espejo.

T H E O R E M A

23.

En los espejos conuexos, las imagines de las cosas visibles parecen conuexas.

SEA el espejo conuexo AC. y el ojo sea E, y los rayos visuales EA. EC los quales reflectan en DB. y el rayo visual EG. reflecta en si mismo, y torne a E, y porque los rayos visuales mas largos son aquellos que vā a las partes mas remotas, y los que



van

de Euclides. 56

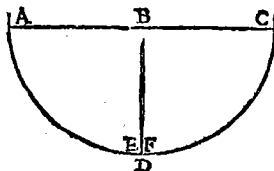
van a las partes de en medio son los mas cortos, como el rayo visual E G, luego mas cerca parecera que esta del espejo el punto E, y mas lexos los puntos B, D. y por esto toda la imagen parecera conuexa.

T H E O R E M A

24.

Si en los espejos concauos el ojo se pusiere en el centro, solamente se vera a si mesmo.

SEA el espejo cõcauo A D C, y su centro B, y los rayos visuales BA. BC. BD. y porq̃ el angulo E, es igual al angulo F. † luego el rayo visual B D. reflexo tornara al mesmo pũcto B. † lo mesmo haran los demas rayos visuales, por lo qual el ojo B. solamente se vera a si mesmo.



† 16.3. elem.

† 2. Th. espec.

T H E O R E M A

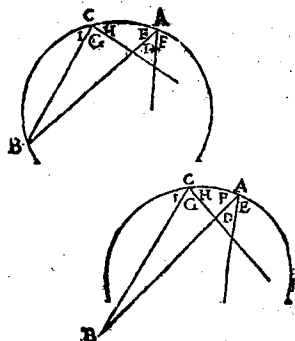
25.

Si en los espejos concauos, se pusiere el ojo en la circunferencia, o fuera de la circunferencia, el mesmo ojo no se vera.

SEA el espejo concauo ACB. y pongase el ojo en la circunferencia del espejo sobre el pũcto B, y salgan los rayos visuales BA. BC. que hagan reflexion, y porque el angulo D E. es mayor que el angulo F, y el angulo G H. mayor que el angulo I, luego los rayos visuales BA. BC. no reflectiran en el ojo B, porque si reflectieran

la Especularia

Etieran en el ojo B, los angulo que hazen los rayos visuales con la circunferencia en los pñctos A.C. fueran iguales entresi lo mesmo se demostrara que sucede, si el ojo se pusiere fuera de la circunferencia del espejo, porque el mesmo ojo no se vera a causa de no hazerse en el las reflexiones.



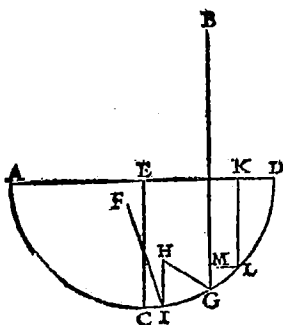
T H E O R E M A

26

Si en los espejos cócauos se tirare el diametro de la esphera, y desde el centro se sacare vna linea recta en angulos rectos, y el ojo se pusiere en la vna, o la otra parte del diametro, ninguna cosa vera, de las q̄ estan en la mesma parte que el, conuiene a saber de aquellas que estan, o dentro del diametro, o fuera del diametro, o en el mesmo diametro.

SEA el espejo concauo ACD. y el diametro de la esphera cuya porcion es el mesmo espejo AD. y su centro sea E, desde el qual se leuante la linea recta EC. que haga angulos rectos con AD. y este el ojo B, fuera del diametro, y sea el rayo visual BG. luego ref lectiéndolo el

do el rayo visual BG. ni reflecti
ra en el punto B, ni en el pũcto
E, porque reflecte con angulos
iguales, de la mesma manera si
el ojo se pusiere dẽtro del dia
metro como en el punto H, o
en el mesmo diametro, como
en el punto k, los rayos refle
xos HG. KL. vernan a I F. L M.
por lo qual el ojo no vera nin
guna de las cosas que estan hazia la mesma parte del dia
metro dõde el tãbien esta, ni de las que estan en el mes
mo diametro, ni delas que estan fuera, ni dentro del dia
metro.

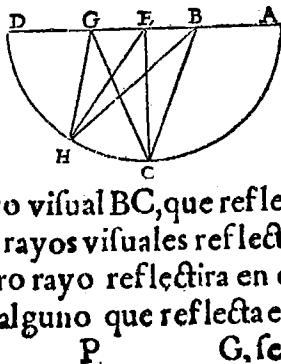


T H E O R E M A

27.

Si en los espejos concauos se pusierẽ los
ojos sobre el diametro, de tal manera que
disten igualmente del cẽtro, ninguno de
los ojos se vera.

SE A el espejo cõcauo ACD.
cuyo diametro sea AD. y su cen
tro E, del qual se leuante en an
gulos rectos la linea recta EC. y
estẽ los ojos B. G. igualmẽte di
stantes del centro E, y sea el rayo visual BC, que refle
cta en el punto G. y porque los rayos visuales reflectẽ
con angulos iguales † ningũ otro rayo reflectira en el
pũcto G, mas si es posible auer alguno que reflecta en



†. Th. spec.

P. G, sea

la especularia

† 3. 6. elem. G, sea BH. y juntése las líneas rectas HG. HE. y diuidirse ha el ángulo B H G. en dos partes iguales con la línea EH. por lo qual sera como BH. a HG. así BE a EG. † lo qual no es verdad por ser BH. mayor q̄ H G. y B E. igual a GE. de donde se sigue que ningun rayo visual que salga del ojo B, reflectira en G, fuera de BC. por lo qual vn solo rayo visual reflectira en el vno y el otro ojo, y G, no se vera, porque el rayo visual BC. a largado nunca cõcurrira con BD. hazia las partes C, D, pues segũ se ha de mostrado las imagines delas cosas visibiles parecen en aquel lugar donde el rayo que sale del ojo concurre con la línea tirada, † ni tampoco el rayo visual GC. cõcurrira con GA. hazia las partes en que estan los puntos A, C, porque en los espejos cõcauos las imagines de las cosas visibiles se ven en la línea recta que se tira desde la cosa visibible al centro del mesmo espejo espherico.

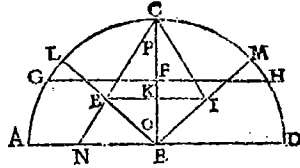
T H E O R E M A.

28.

Si en los espejos concauos se cortare el semidiametro en dos partes iguales, y desde el punto de la seccion se tiraren líneas de vna y de otra parte en ángulos rectos, y los ojos estuuieren distantes igualmente del medio diametro, ninguno de los ojos se vera, ora esten entre el diametro, y la línea tirada en ángulos rectos, ora esten en la misma línea, que haze ángulos rectos con el semidiametro.

S E A

SE A el espejo cócavo ACD. cuyo diametro sea A D. y el cén- tro E, del qual tirada en angu- los rectos E C, cortese por me- dio en el punto F, y tirese la li- nea recta GFH. q̄ este en angulos rectos con E C. y esten



los ojos B, I, entre el diametro A D. y la linea G H. a la qual sea paralela B I. y esten los ojos B I. igualmente distã tes del semidiametro E C. y sea finalmēte el rayo visual BC. que reflectiendo en el punto I, hara angulos igua les con la circunferencia por ser la linea G H. paralela a la linea B I. y ser BK. igual a KI. juntense E B. E I. y alar- guense, y alarguese tambien la linea BC. hasta el punto N, y porque BC. es mayor que BE sera el angulo O, ma- yor que el angulo P. † por lo qual el angulo CBI. sera

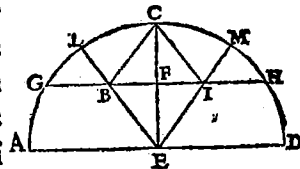
† 19. 1. elem.

mayor. que el angulo IBE. o que el angulo BIE. de don- de se sigue que no concurriran BC. IE. y anfi I, no se ve- ra, porque si auia de verse auia de ser donde concurren las lineas BC. IE. † Põgãse de nuevo las mesmas cosas q̄

† 18. Th. esp.

arriba, y esten los ojos B I. en la linea que corta por me- dio, y en angulos rectos el semidiametro, la qual es G H. y porq̄ BC. es igual a BE. y C I. a I E. luego BC. sera paralela a E I: por lo qual el rayo

visual B C. no concurrira con la linea tirada del centro a la cosa visible que es E I. hazia las partes dõde estan los pũctos I. C. y anfi el ojo I, no se vera, porque si se auia de ver, auia de ser donde concurren las lineas BC. E I.

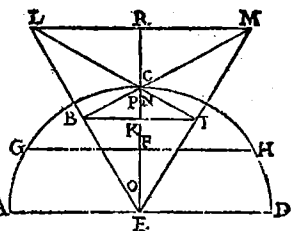


SE A N finalmente todas las demas cosas q̄ en la pre- cedente figura, y pongãse los ojos B I. en lugar que este

P 2 mas

la Especularia

mas alto que el pũcto en que el medio diametro es cor-
tado en dos partes iguales, y disten igualmẽte del semi-
diametro EC. digo que los pũ-
ctos B.I. se verã, y las cosas que
estãn a mano derecha, parecerã
estar a mano izquierda, y las q̃
estãn a mano izquierda, parece-
ran estar a mano derecha, y que
la imagen parecera mayor q̃ la A
figura, y q̃ estara mas lexos del



espejo que la figura, sea el rayo visual que ha de refle-
ctir BC. y del cẽtro E, a los pũctos B.I. tirense las lineas
rectas EB. EI. y alarguese BC. y porq̃ el semidiametro
EC. esta cortado por medio en el punto F. luego ma-
yor es BE. que BC. y por esso el angulo P, es mayor q̃l
angulo O, † mas el angulo P, es igual al angulo N, lue-
go el angulo N, mayor es q̃ el angulo O, por lo qual las
lineas EB. IC. alargadas concurriran, concurrã pues en
el punto L. por la mesma razon las lineas BC. EI. alar-
gadas concurriran en el punto M. de donde se sigue q̃
I, parecera en M, y B, en L, y las cosas de a mano derecha
pareceran a mano izquierda, y las de a mano izquierda
pareceran a mano derecha y L M. parecera mayor que
BI. por ser ambas paralelas, y asĩ la imagen parecera ma-
yor que la figura, y estara mas lexos del espejo, porque
mayor es RC. que Ck.

† 19. I. elem.

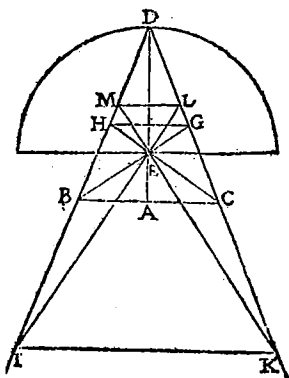
T H E O R E M A. 29.

Si los ojos se pusieren fuera del diametro las
cosas que estãn a mano derecha, pareceran ama-
no derecha, y las que estãn a mano izquierda, pa-

re-

receran a mano izquierda, y la imagen, parecera menor que la mesma figura, entre la figura y el espejo.

SE AN los ojos BC, y el centro del espejo sea E, y tirese la linea AED. en angulos rectos con el mesmo diametro, y tirese la linea BAC. que haga angulos rectos con la linea AED. y sea AC. igual a AB. y el rayo visual BD. reflecta en C, y por el centro E, tirense BEG. CEH. y tirese del punto H. al punto G, la linea recta HG. y parecera el punto B, en el punto G, y el punto C, en el punto H. por lo qual las cosas de a mano derecha, parecieran a mano derecha, y las de a mano izquierda a mano izquierda, y la imagen HG. parecera menor que la figura BC. por ser HG. paralela a BC. y la mesma imagen parece en el lugar que esta entre la figura y el espejo, mas si la figura se alexare del espejo la imagen parecera aun menor, sea Ik. la mesma figura que era en BC. y este semejante situada, y seguirse ha q̄ la linea tirada del punto I, al cetro E, alargãdose caera mas arriba de G, como en L, y la linea tirada del punto k, al punto E, alargan dose caera sobre el punto H, en el punto M. por lo qual la imagen de la Ik. es ML. y ML. es menor que HG. y esta mas cerca del espejo.



T H E O R E M A

30.

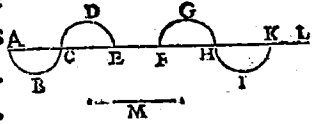
P 3

Vn

la Especularia

Vn espejo se puede fabricar de tal manera que parezcan en el muchas figuras, vnas mayores, y otras menores, vnas mas lexos, y otras mas cerca, y que las partes que estan en ellas a mano derecha, parezcan a mano derecha, y las que estan a mano izquierda, parezcan a mano izquierda.

SE A el plano AL. podran se
pues en el hazer vnos espejos
cõuexos como son ABC. H I k.
y otros cõcauos como sõ CDE.
FGH. y otros planos como son



EE. kL. y assi puesta la figura en el lugar que esta M, parecerã en los espejos planos las imagines iguales igualmente distantes del espejo, y en los espejos conuexos menores, y menos distantes, y en los espejos concauos mayores, y menores, y mas, y menos distãtes como antes se demostro. †

† En las dos preced.

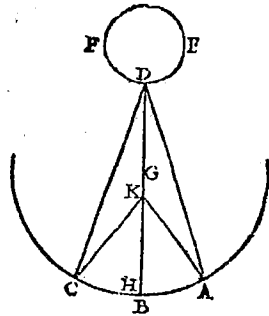
T H E O R E M A.

31.

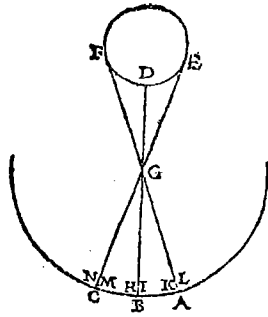
En los espejos concauos opuestos al sol, se enciende fuego.

SE A el espejo concauo ABC. y el sol sea EF. y el centro del espejo G, y de algun punto del sol como D, tira da la linea DG. al centro G. alarguese hasta el pũcto B. y cayga el rayo DC. y reflecta en el pũcto K. caera pues el punto k, sobre el centro G, porq̃ el angulo H, puesto en la circunferencia es menor q̃ el angulo BCD. puesto
en la

en la circunferencia, sea pues la circunferencia BA. igual a la circunferencia BC. y cayga desde el punto D, al espejo algun rayo DA. y seguirse ha que el rayo DA. reflectiéndose caera en k, por ser la circunferencia A B. igual a la circunferencia B C. de la mesma manera demostraremos que todos los rayos que caen desde el punto D, al espejo, y comprehenden iguales circunferencias concurriran con la linea B G. en vn punto mas alto que el punto G.



SE A finalmente el espejo cócauo ABC. y el sol sea EDF. y de algun punto suyo D, tirese por el centro G, la linea recta DGI, y desde otros puntos F. E tirése EGC. FGA. y porque demostramos que los rayos que caen del punto D, ande reflectir en si mesmos, † por ser iguales entresi los angulos H. I. en ser angulos de semicirculo † también el rayo FGA. reflectira en si mesmo por ser iguales entresi los angulos L. k, y por el configüete el rayo EGC. reflectira en si mesmo por ser el angulo M. igual al angulo N, y de la mesma suerte todos estos reflectiran en si mesmos, porque passando ellos por el centro G, diuiden el espejo en semicirculos, y los angulos de los semicirculos son iguales entresi por dōde todos estos rayos reflectiran con angulos iguales, de dōde



† 2. y. 5. spec.
† 16. 3. elem.

de

la especularia

de se sigue que reflectiran en si mesmos, por lo qual todos estos rayos que desde qualesquier puntos fueren al centro tornaran, y concurriran en el centro, y así calentandose ellos en el centro engendraran fuego, de tal manera que si alli se pusiere estopa se encendera.

Fin de la Especularia de Euclides.

EN MADRID.

En casa de la viuda de Alonso Gomez.

Año. M. D. LXXVIII.